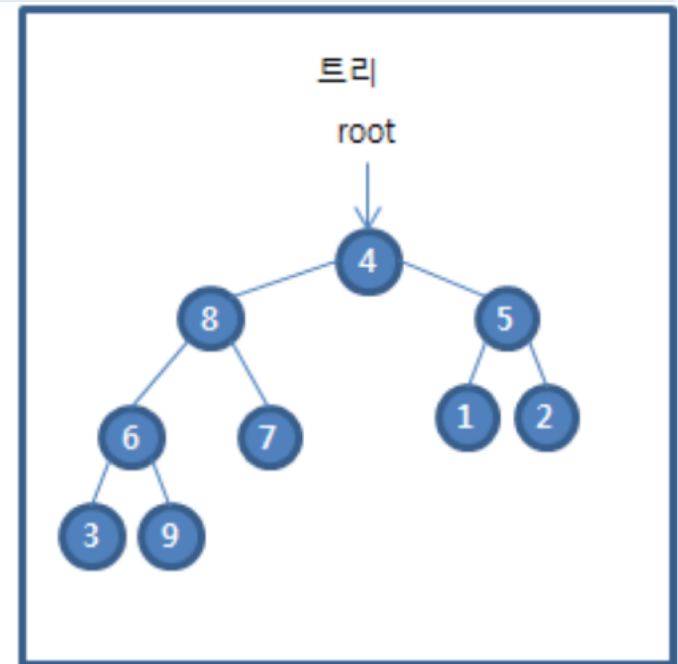
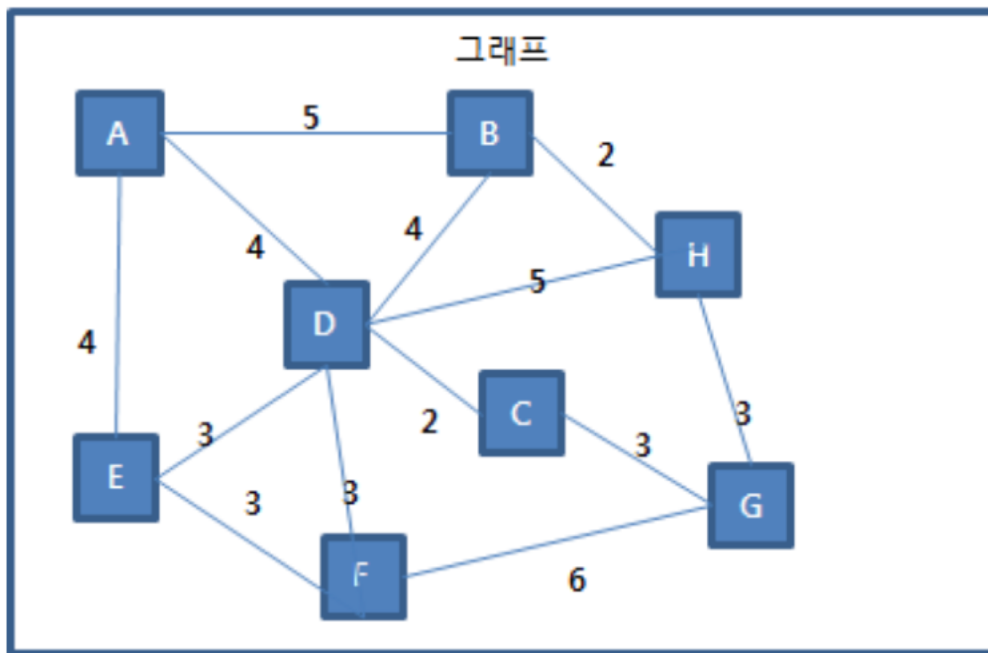


비선형 자료구조

비선형 자료구조

❖ 비선형 자료구조

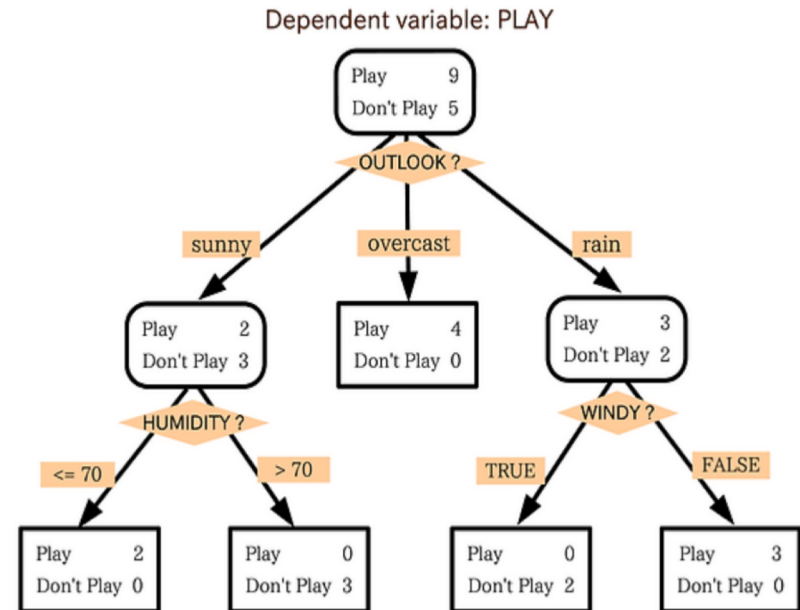
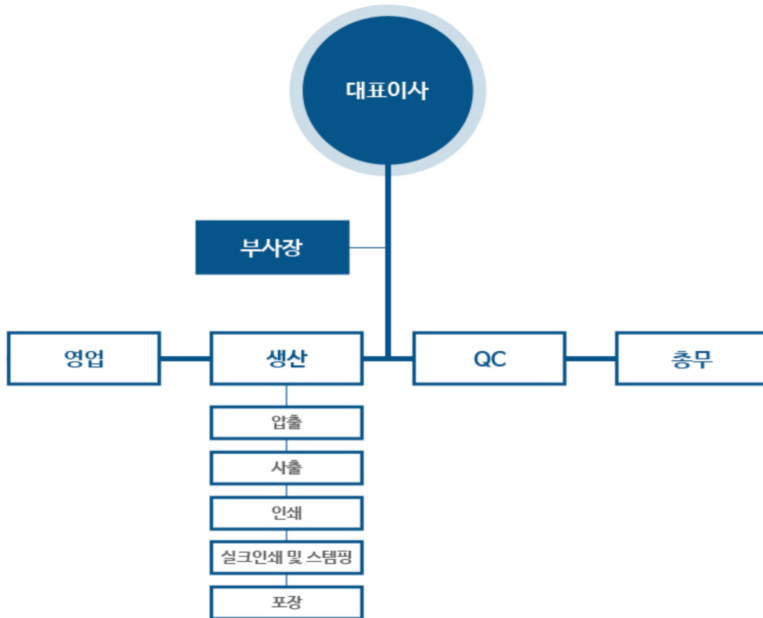
- ✓ 하나의 자료 뒤에 여러 개의 자료가 존재할 수 있는 구조
- ✓ 비선형 자료구조의 종류
 - 트리: 방향성 있고 사이클이 존재하지 않으며 고립 영역이 없는 그래프
 - 그래프: 정점과 간선의 집합



Tree

❖ Tree

- ✓ 계층 구조로 자료를 저장하는 구조
- ✓ 트리를 구성하는 노드가 부모-자식(Parent - Child) 관계라는 의미
- ✓ 부모 노드 하나에 여러 개의 자식 노드들이 연결되는 구조
- ✓ 회사의 조직도, 컴퓨터의 디렉토리 구조 등이 대표적이며 머신러닝에 사용되는 의사결정 트리 등이 있음



Tree

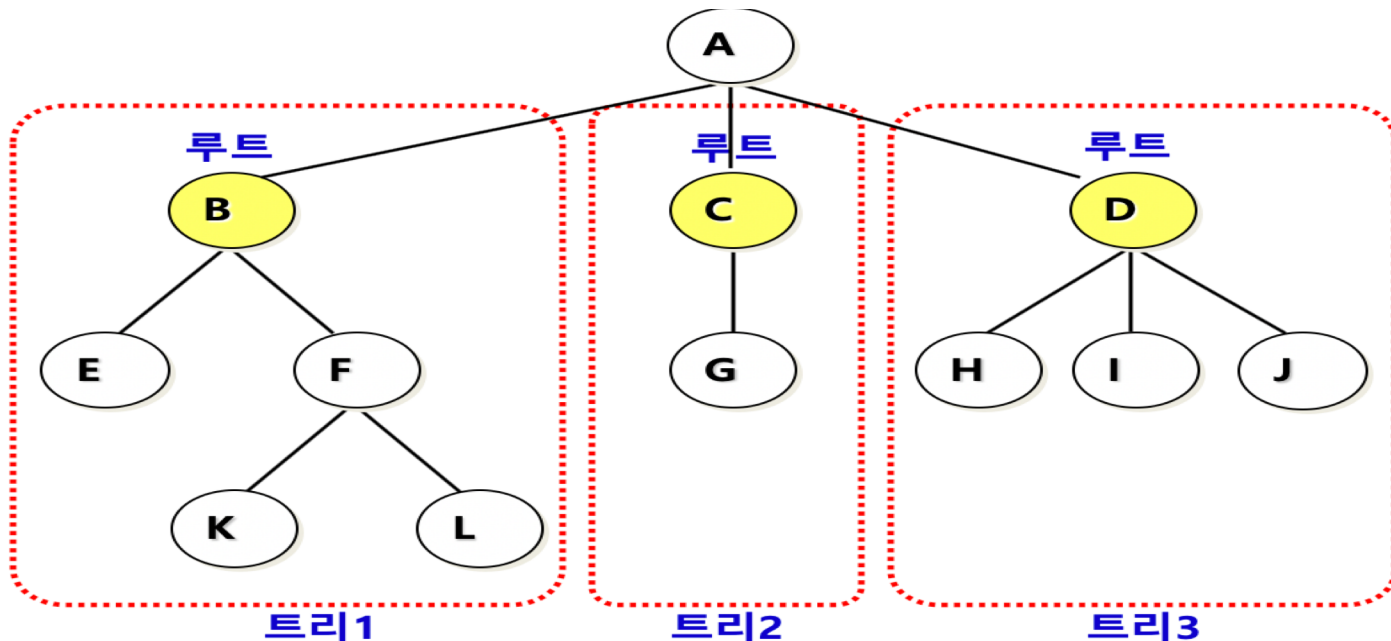
❖ Tree

- ✓ 노드(Node)와 간선(Edge)의 집합
- ✓ 조직도에서는 부서가 노드가 되며 의사결정 트리에서는 의사결정을 위한 조건이 노드
- ✓ 간선은 이러한 노드들 사이의 부모-자식 관계를 정의
- ✓ 노드의 종류
 - Root: 트리의 첫번째 노드
 - Leaf(Terminal): 자식 노드가 없는 노드
 - Internal: 자식 노드가 있는 노드
- ✓ 노드 사이의 관계
 - Parent: 간선으로 연결된 상위 노드
 - Child: 간선으로 연결된 하위 노드
 - Ancestor(선조): root에서 parent 까지의 경로 상에 있는 모든 노드
 - Descendant(후손): 특정 노드의 아래에 있는 모든 노드
 - Sibling(형제): 같은 부모 노드의 자식 노드

Tree

❖ Tree

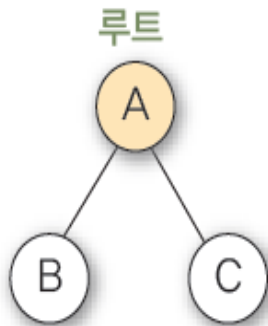
- ✓ 노드의 속성
 - Level: 루트 노드부터의 거리
 - Height: 루트 노드로부터 가장 먼 거리에 있는 자식 노드의 높이에 1을 더한 값
 - Degree: 한 노드가 가지는 자식 노드의 개수
- ✓ Subtree: 트리에 속한 노드들의 부분 집합
- ✓ Forest: 특정 노드가 제거되면서 만들어지는 Subtree 의 집합



Binary Tree

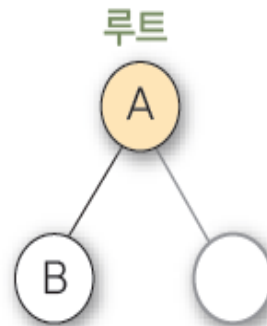
❖ Binary Tree

- ✓ 모든 노드의 차수가 2 이하인 트리



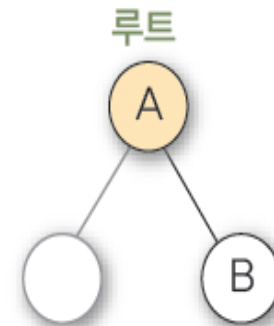
왼쪽 자식 노드 오른쪽 자식 노드

(a)



왼쪽 자식 노드 공백 노드

(b)



공백 노드 오른쪽 자식 노드

(c)

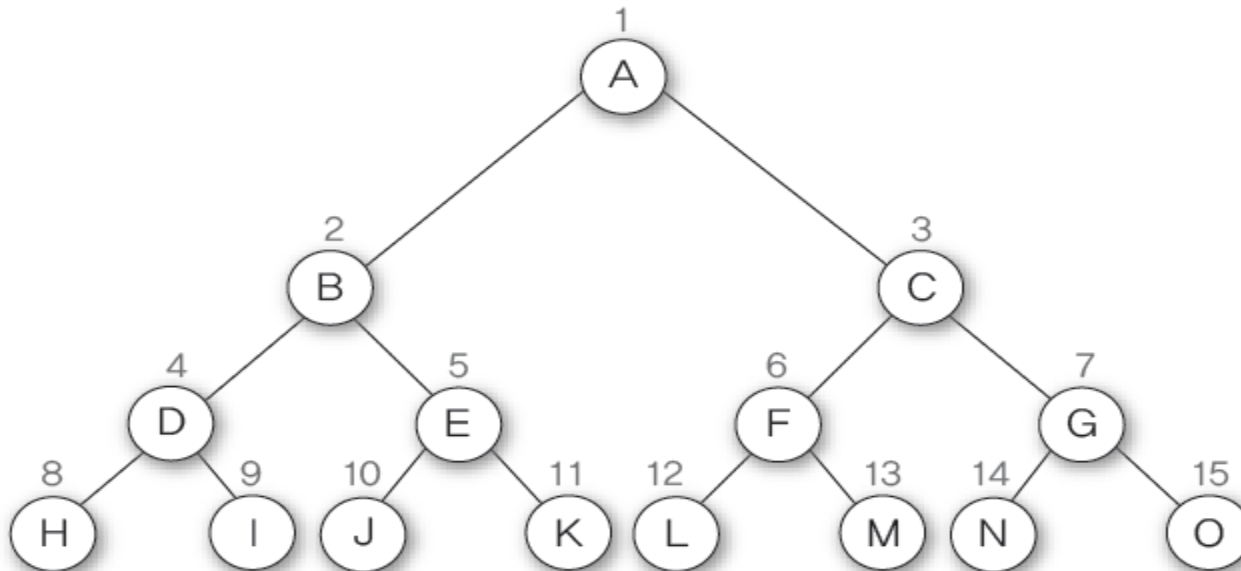
Binary Tree

❖ Binary Tree

✓ Binary Tree 의 종류

● Full Binary Tree(포화 이진 트리)

- 모든 레벨의 노드가 꽉 차있는 이진 트리
- 높이가 h 일 때 최대의 노드 개수인 $(2^{h+1}-1)$ 의 노드를 가진 이진 트리
- 루트를 1번으로 하여 $2^{h+1}-1$ 까지 정해진 위치에 대한 노드 번호를 가짐



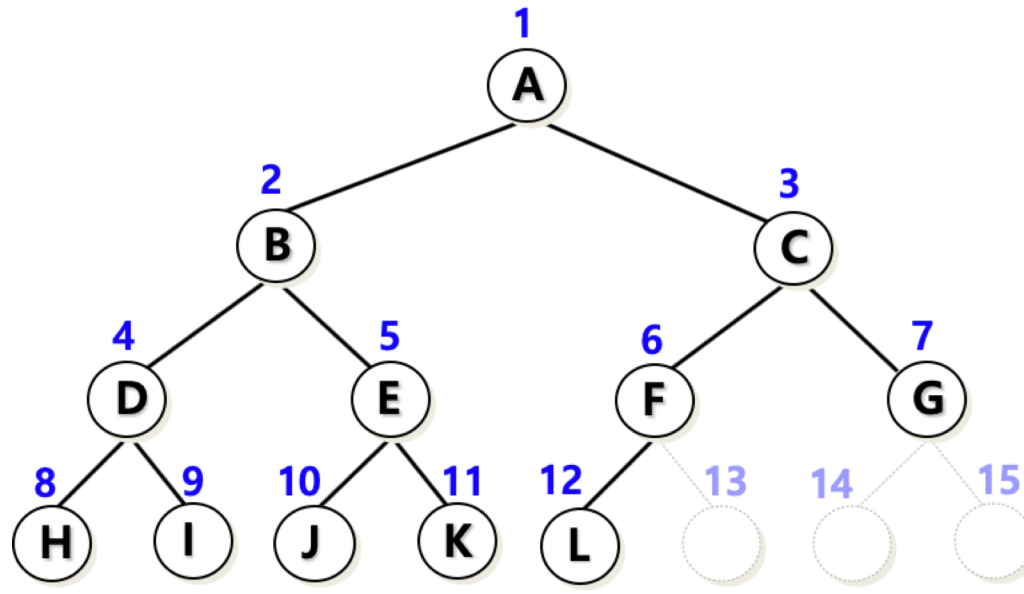
Binary Tree

❖ Binary Tree

✓ Binary Tree 의 종류

● Complete Binary Tree(완전 이진 트리)

- ◆ 높이가 h 이고 노드 수가 n 개일 때 (단, $n < 2^{h+1}-1$)
- ◆ 노드 위치가 포화 이진 트리에서의 노드 1번부터 n 번까지의 위치와 완전히 일치하는 이진 트리
- ◆ 완전 이진 트리에서는 $(n+1)$ 번부터 $(2^{h+1}-1)$ 번까지 노드는 모두 공백 노드



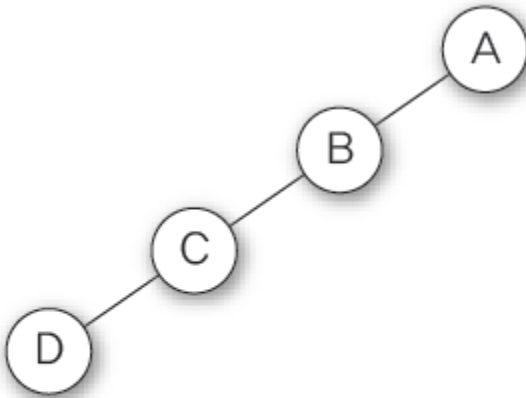
Binary Tree

❖ Binary Tree

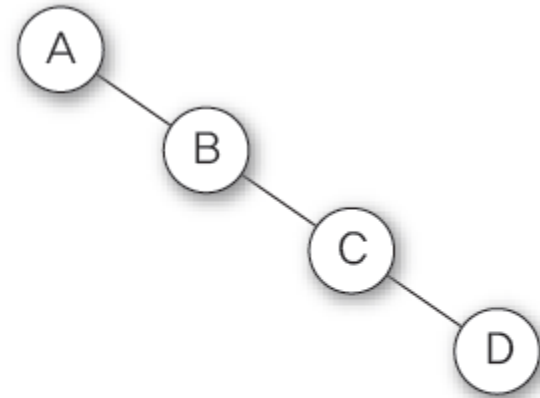
✓ Binary Tree 의 종류

● Skewed Binary Tree(편향 이진 트리)

- ◆ 같은 높이의 이진 트리 중에서 최소 개수의 노드 개수를 가지면서 왼쪽 또는 오른쪽 서브트리만을 가진 이진 트리



(a) 왼쪽 편향 이진 트리



(b) 오른쪽 편향 이진 트리

Binary Tree

❖ Binary Tree 구현

✓ TreeNode

```
class TreeNode {  
    int data;  
    TreeNode left;  
    TreeNode right;  
}
```



Binary Tree

❖ Binary Tree 구현

✓ LinkedTree

```
class LinkedTree {  
    private TreeNode root;  
  
    public LinkedTree(int data) {  
        root = new TreeNode();  
        root.data = data;  
        root.left = null;  
        root.right = null;  
    }  
  
    public TreeNode getRootNode() {  
        return root;  
    }  
}
```

Binary Tree

❖ Binary Tree 구현

✓ LinkedTree

```
public void insertLeftChildNode(TreeNode pParentNode, int element) {
    if (pParentNode.left == null) {
        pParentNode.left = new TreeNode();
        pParentNode.left.data = element;
    } else {
        System.out.println("오류, 이미 노드가 존재합니다.");
    }
}

public void insertRightChildNode(TreeNode pParentNode, int element) {
    if (pParentNode.right == null) {
        pParentNode.right = new TreeNode();
        pParentNode.right.data = element;
    } else {
        System.out.println("오류, 이미 노드가 존재합니다.");
    }
}
```

Binary Tree

❖ Binary Tree 구현

✓ LinkedTree

```
public TreeNode getLeftChildNode(TreeNode pNode)
{
    TreeNode pReturn = pNode.left;
    return pReturn;
}

public TreeNode getRightChildNode(TreeNode pNode)
{
    TreeNode pReturn = pNode.right;
    return pReturn;
}
}
```

Binary Tree

❖ Binary Tree 구현

✓ LinkedTreeMain

```
public class LinkedTreeMain {  
  
    public static void main(String[] args) {  
        LinkedTree tree = new LinkedTree(100);  
  
        TreeNode root = tree.getRootNode();  
        System.out.println(root.data);  
  
        tree.insertLeftChildNode(root, 200);  
        tree.insertRightChildNode(root, 300);  
  
        System.out.println(tree.getLeftChildNode(root).data);  
        System.out.println(tree.getRightChildNode(root).data);  
    }  
}
```

Binary Tree

❖ Binary Tree 순회

✓ 전위 순회(preorder traversal)

- D(현재 노드) → L(왼쪽 서브 트리) → R(오른쪽 서브 트리) 순서로 처리

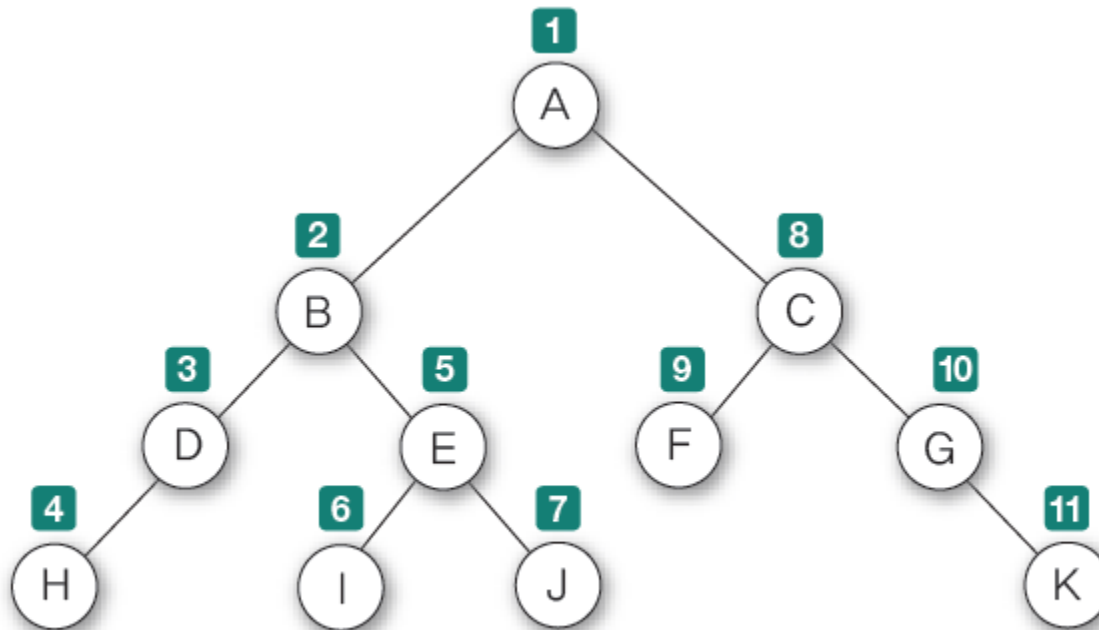
① 작업 D : 현재 노드 n 을 처리한다.

② 작업 L : 현재 노드 n 의 왼쪽 서브 트리로 이동한다.

③ 작업 R : 현재 노드 n 의 오른쪽 서브 트리로 이동한다.

Binary Tree

- ❖ Binary Tree 순회
 - ✓ 전위 순회(preorder traversal)



Binary Tree

❖ Binary Tree 순회

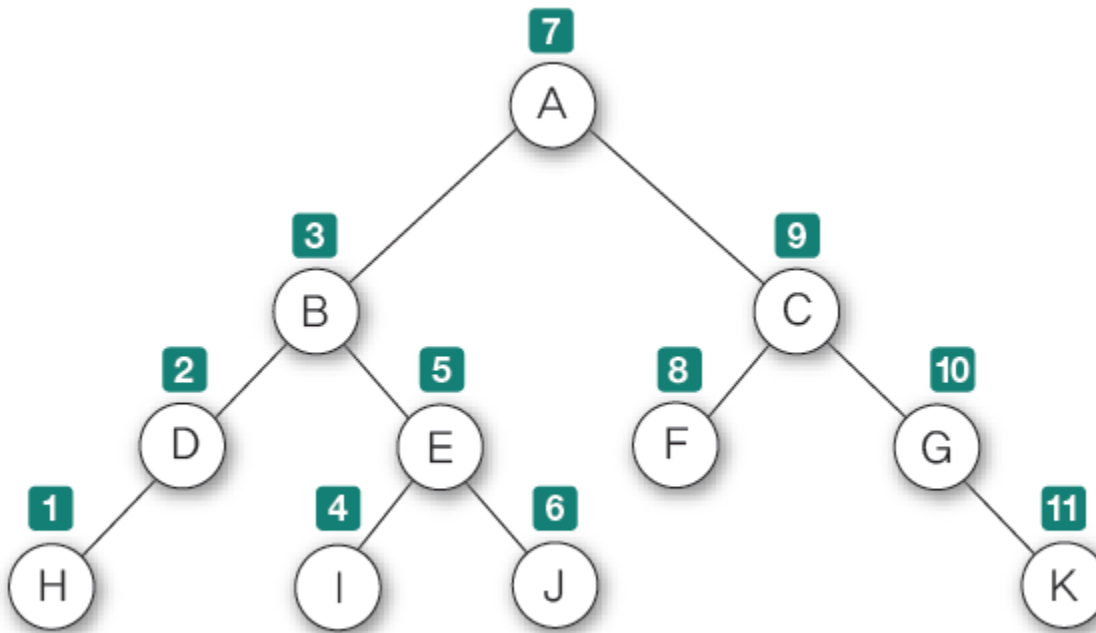
✓ 중위 순회(Inorder traversal)

- $L \rightarrow D \rightarrow R$ 순서로, 현재 노드를 방문하는 작업 D를 작업 L과 작업 R의 중간에 수행

- ① 작업 L : 현재 노드 n 의 왼쪽 서브 트리로 이동한다.
- ② 작업 D : 현재 노드 n 을 처리한다.
- ③ 작업 R : 현재 노드 n 의 오른쪽 서브 트리로 이동한다.

Binary Tree

- ❖ Binary Tree 순회
 - ✓ 중위 순회(Inorder traversal)



Binary Tree

❖ Binary Tree 순회

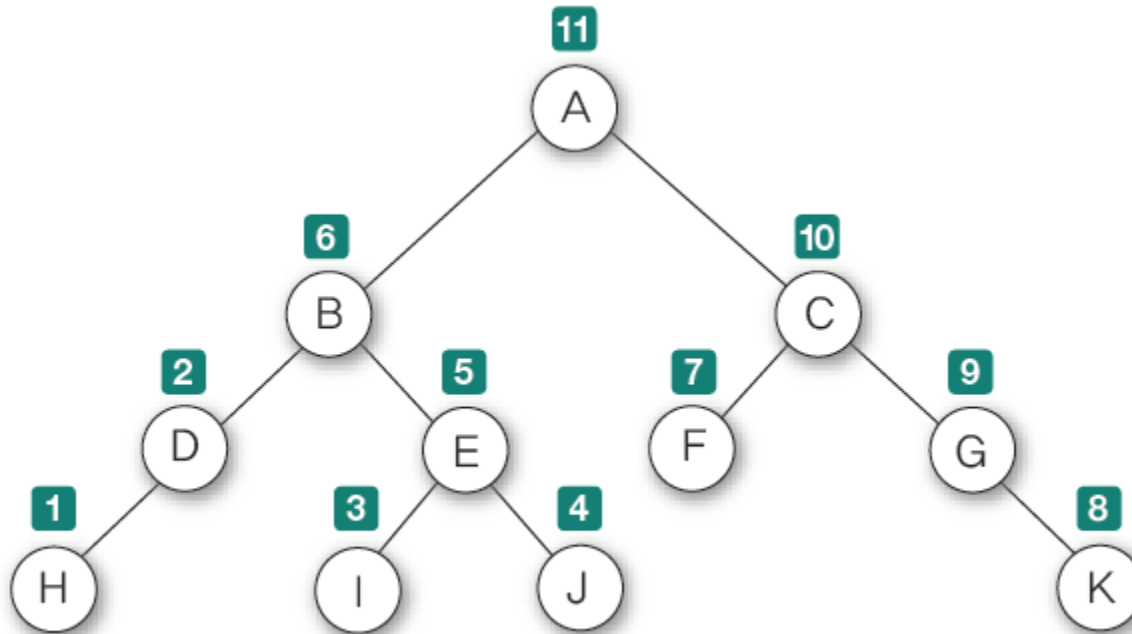
✓ 후위 순회(Postorder traversal)

- L-R-D 순서로 현재 노드를 방문하는 D 작업을 가장 나중에 수행

- ① 작업 L : 현재 노드 n 의 왼쪽 서브 트리로 이동한다.
- ② 작업 R : 현재 노드 n 의 오른쪽 서브 트리로 이동한다.
- ③ 작업 D : 현재 노드 n 을 처리한다.

Binary Tree

- ❖ Binary Tree 순회
 - ✓ 후위 순회(Postorder traversal)



Binary Tree

❖ Binary Tree 순회 구현

✓ LinkedTree 에 메서드 추가

```
public void preorder(TreeNode root){  
    if(root != null){  
        System.out.print(root.data + " ");  
        preorder(root.left);  
        preorder(root.right);  
    }  
}
```

Binary Tree

❖ Binary Tree 순회 구현

✓ LinkedTree 에 메서드 추가

```
public void inorder(TreeNode root){  
    if(root != null){  
        inorder(root.left);  
        System.out.print(root.data + " ");  
        inorder(root.right);  
    }  
}
```

Binary Tree

❖ Binary Tree 순회 구현

✓ LinkedTree 에 메서드 추가

```
public void postorder(TreeNode root){  
    if(root != null){  
        postorder(root.left);  
  
        postorder(root.right);  
        System.out.print(root.data + " ");  
    }  
}
```

Binary Tree

❖ Binary Tree 순회 구현

✓ LinkedTreeMain 수정

```
public class LinkedTreeMain {  
  
    public static void main(String[] args) {  
        LinkedTree tree = new LinkedTree(100);  
  
        TreeNode root = tree.getRootNode();  
        tree.insertLeftChildNode(root, 200);  
        tree.insertRightChildNode(root, 300);  
  
        TreeNode node = tree.getLeftChildNode(root);  
        tree.insertLeftChildNode(node, 400);  
        tree.insertRightChildNode(node, 500);  
    }  
}
```


Binary Tree

❖ Binary Tree 순회 구현

✓ LinkedTreeMain 수정

```
        tree.inorder(root);  
        System.out.println();  
  
        tree.preorder(root);  
        System.out.println();  
  
        tree.postorder(root);  
        System.out.println();  
    }  
}
```

Binary Tree

❖ Binary Tree 노드 개수 구해주는 메서드 구현

- ✓ LinkedTree 에 노드의 개수와 단말 노드 개수를 구해주는 메서드 추가

//노드 개수를 세는 메서드

```
public int getNodeCount()
```

```
{
```

```
    int ret = getNodeCountNode(root);
```

```
    return ret;
```

```
}
```

```
private int getNodeCountNode(TreeNode node)
```

```
{
```

```
    int ret = 0;
```

```
    if(node != null) {
```

```
        ret = getNodeCountNode(node.left) +
```

```
getNodeCountNode(node.right) + 1;
```

```
    }
```

```
    return ret;
```

```
}
```

Binary Tree

❖ Binary Tree 노드 개수 구해주는 메서드 구현

- ✓ LinkedList 에 노드의 개수와 단말 노드 개수를 구해주는 메서드 추가

//단말 노드 개수를 세주는 메서드

```
public int getLeafNodeCount()
{
    int ret = 0;
    if (root != null) {
        ret = getLeafNodeCountNode(root);
    }
    return ret;
}
```

Binary Tree

❖ Binary Tree 노드 개수 구해주는 메서드 구현

- ✓ LinkedList 에 노드의 개수와 단말 노드 개수를 구해주는 메서드 추가

```
private int getLeafNodeCountNode(TreeNode pSource)
{
    int ret = 0;
    if (pSource != null) {
        if (pSource.left == null && pSource.right == null) {
            ret = 1;
        }
        else {
            ret = getLeafNodeCountNode(pSource.left) +
getLeafNodeCountNode(pSource.right);
        }
    }
    return ret;
}
```

Binary Tree

❖ Binary Tree 순회 구현

- ✓ LinkedTreeMain 클래스의 main 메서드 하단에 추가

```
System.out.println("노드 개수:" + tree.getNodeCount() + "");  
System.out.println("단말 노드 개수:" + tree.getLeafNodeCount() + "");
```

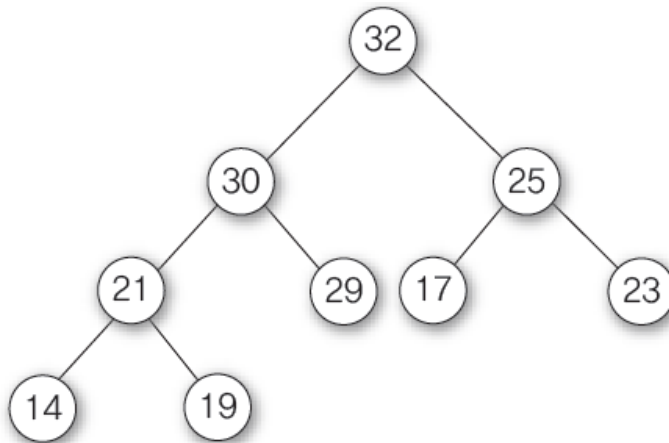
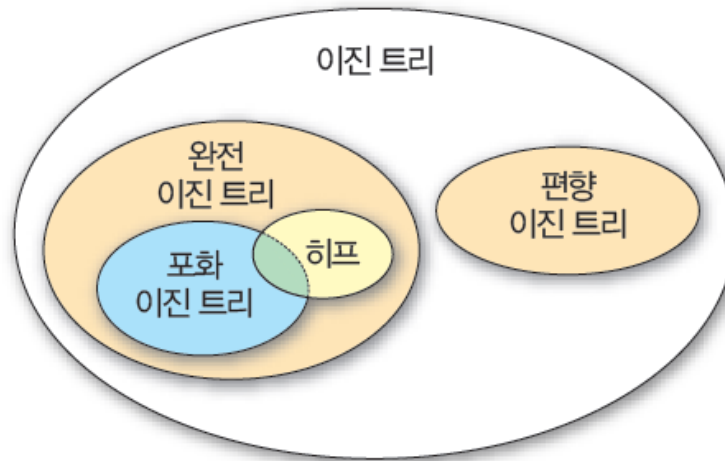
Heap

❖ Heap

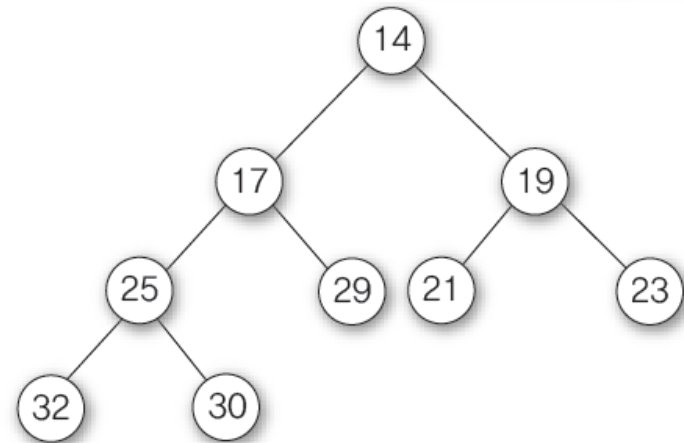
- ✓ 완전 이진 트리에 있는 노드 중에서 키 값이 가장 큰 노드나 키 값이 가장 작은 노드를 찾기 위해서 만든 자료 구조
- ✓ 루트 노드가 그 트리의 최댓값 혹은 최솟값을 갖는 트리
- ✓ 최대 힙(max heap)
 - 키 값이 가장 큰 노드를 찾기 위한 완전 이진 트리
 - {부모 노드의 키 값 $\geq$ 자식 노드의 키 값}
 - 루트 노드: 키 값이 가장 큰 노드
- ✓ 최소 힙(min heap)
 - 키 값이 가장 작은 노드를 찾기 위한 완전 이진 트리
 - {부모 노드의 키 값 $\leq$ 자식 노드의 키 값}
 - 루트 노드: 키 값 이 가장 작은 노드

Heap

❖ Heap



(a) 최대 히프



(b) 최소 히프

Heap

❖ Heap

✓ HEAP의 삽입 연산

- 트리의 마지막 자리에 임시 저장
- 부모 노드와 키 값 비교 및 이동
 - ◆ 새로 추가한 노드의 키 값이 부모 노드보다 크다면 서로 교환
 - ◆ 이 작업을 다시 수행 – 부모 노드보다 작을 때 까지 수행

✓ HEAP의 삭제 연산 – 반드시 루트 노드만 삭제

- 루트 노드를 삭제
- 트리의 마지막 노드를 루트로 이동
- 루트 노드를 자식 노드들과 비교해서 자식 노드가 더 크다면 자식 노드와 위치 변경 – 이 때 2개의 자식 모두 루트보다 크다면 둘 중에 더 큰 노드와 교체
- 위의 작업을 반복

Heap

❖ Heap

✓ Heap 클래스

```
class Heap{
    private int heapSize;
    private int itemHeap[];

    public Heap(){
        heapSize = 0;
        itemHeap = new int [50];
    }

    public void insertHeap(int item){
        int i = ++heapSize;
        while((i != 1) && (item > itemHeap[i/2])){
            itemHeap[i] = itemHeap[i/2];
            i/=2;
        }
        itemHeap[i] = item;
    }

    public int getHeapSize(){
        return this.heapSize;
    }
}
```

Heap

❖ Heap

✓ Heap 클래스

```
public int deleteHeap(){
    int parent, child;
    int item, temp;
    item = itemHeap[1];
    temp = itemHeap[heapSize--];
    parent = 1;  child = 2;

    while(child <= heapSize){
        if(((child < heapSize) && (itemHeap[child] < itemHeap[child+1])))
            child++;
        if(temp >= itemHeap[child]) break;

        itemHeap[parent] = itemHeap[child];
        parent = child;
        child *= 2;
    }
    itemHeap[parent] = temp;
    return item;
}
```

Heap

❖ Heap

✓ Heap 클래스

```
public void printHeap(){  
    System.out.printf("\nHeap >>> ");  
    for(int i=1; i<=heapSize; i++)  
        System.out.printf("[%d] ", itemHeap[i]);  
    }  
}
```

Heap

❖ Heap

✓ HeapMain 클래스

```
public class HeapMain {  
    public static void main(String[] args) {  
        int n, item;  
        Heap h = new Heap();  
  
        h.insertHeap(13);  
        h.insertHeap(8);  
        h.insertHeap(10);  
        h.insertHeap(15);  
        h.insertHeap(20);  
        h.insertHeap(19);  
  
        h.printHeap();  
  
        n = h.getHeapSize();  
        for(int i=1; i<=n; i++){  
            item = h.deleteHeap();  
            System.out.printf("\n deleted Item : [%d]", item);  
        }  
    }  
}
```

Trie

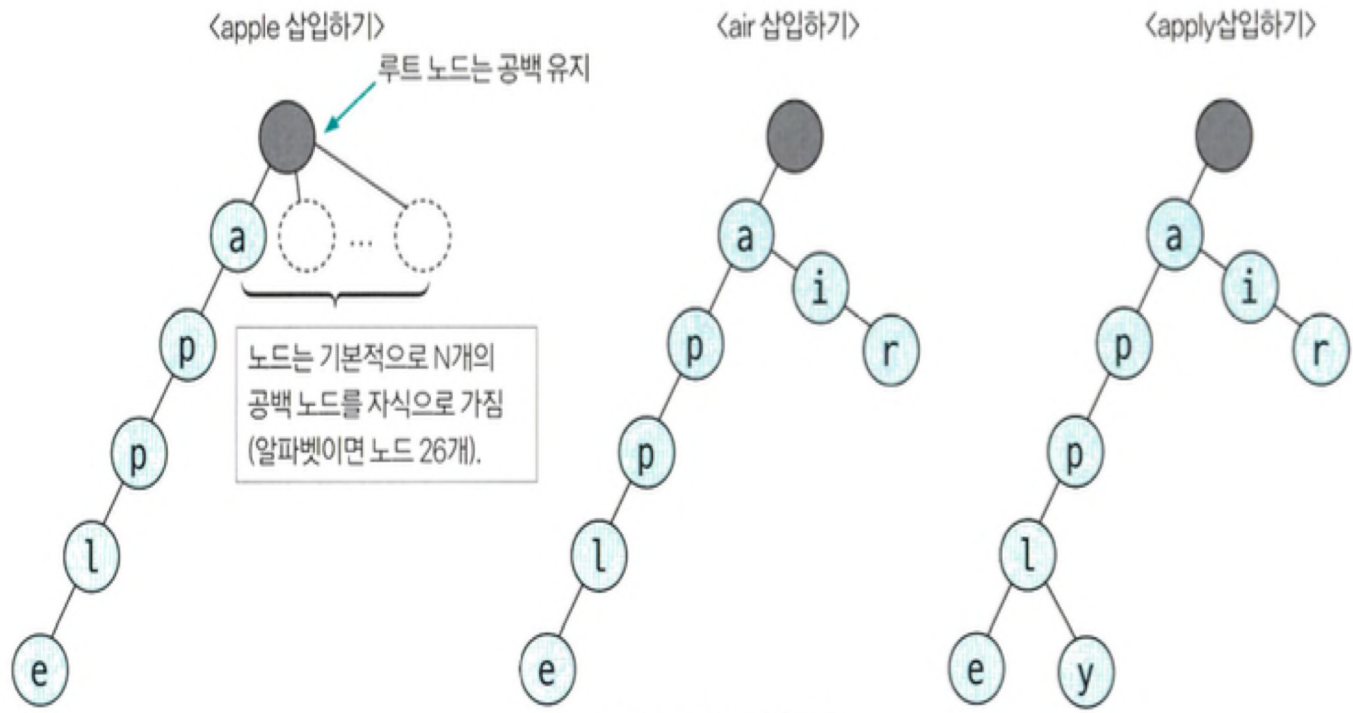
❖ Trie

- ✓ 문자열 검색을 빠르게 실행할 수 있도록 설계한 트리 형태의 자료구조
- ✓ 특징
 - N진 트리
 - ◆ 문자 종류의 개수에 따라 N이 결정
 - ◆ 알파벳은 26개의 문자로 이뤄져 있으므로 26진 트리로 구성
 - 루트 노드는 항상 빈 문자열을 의미하는 공백 상태를 유지

Trie

❖ Trie

- ✓ apple, air, apply를 삽입



Trie

❖ Trie

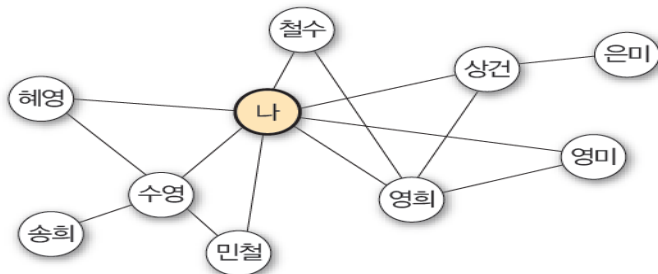
✓ apple, air, apply를 삽입

- 루트 노드는 공백을 유지하고 apple의 각 알파벳에 해당하는 노드를 생성
- air를 삽입할 때는 루트 노드에서부터 검색하는데 a 노드는 공백 상태가 아니므로 이동하고 i와 r은 공백 상태이므로 신규 노드를 생성
- apply를 삽입할 때도 검색 노드가 공백 상태이면 신규 노드를 생성하고 아니면 이동하는 원리로 트라이 자료구조를 구현

Graph

❖ Graph

- ✓ 연결되어 있는 원소 사이의 다:다 관계를 표현하는 자료구조
- ✓ 표현능력이 우수하여 현실 세계의 다양한 문제를 효과적으로 모델링하기 위한 자료구조
- ✓ 리스트, 스택, 큐 등의 선형자료구조는 데이터를 순차적으로 저장하여 효율적으로 데이터를 저장하는 것이 목적이고 트리는 계층 관계를 표현하기 위한 자료구조인데 트리는 계층 구조가 아닌 일반적인 관계는 나타낼 수 없음
- ✓ 트리는 순환 구조도 표현할 수 없음
- ✓ 객체를 나타내는 정점(vertex)과 객체를 연결하는 간선(edge)의 집합
- ✓ $G = (V, E)$
 - V는 그래프에 있는 정점들의 집합
 - E는 정점을 연결하는 간선들의 집합



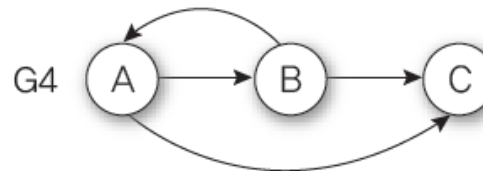
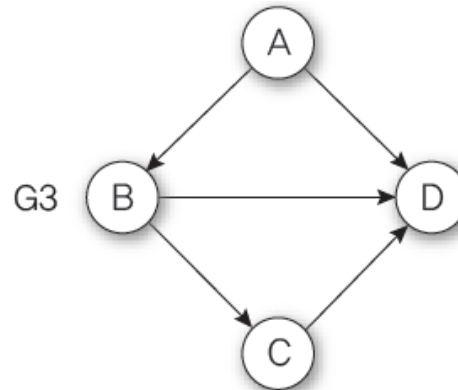
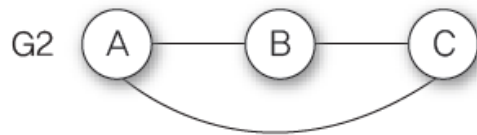
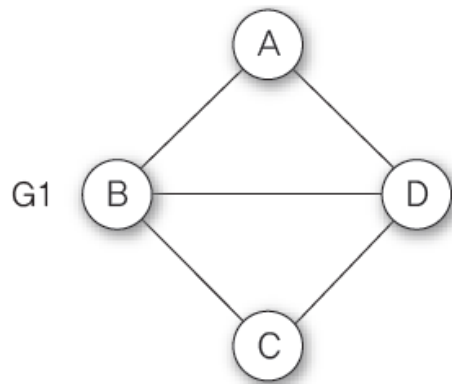
Graph

❖ Graph

✓ 그래프의 종류

● 간선의 방향성

- ◆ 무방향 그래프: 간선에 방향이 없는 그래프
- ◆ 방향 그래프: 간선에 방향이 있는 그래프

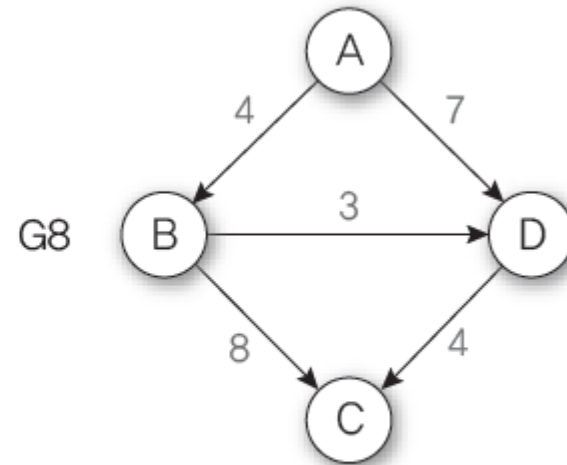
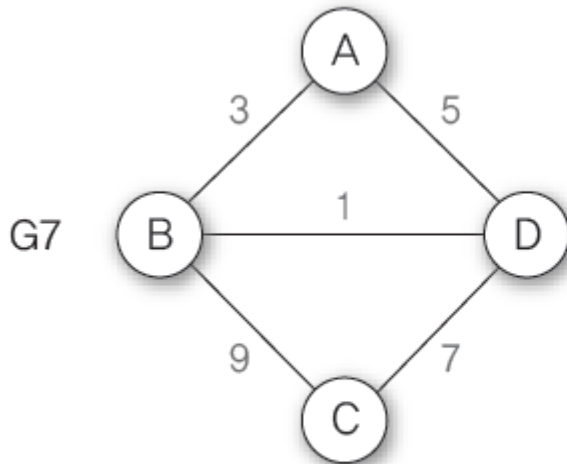


Graph

❖ Graph

✓ 그래프의 종류

- 가중 그래프: 간선에 가중치가 할당된 그래프



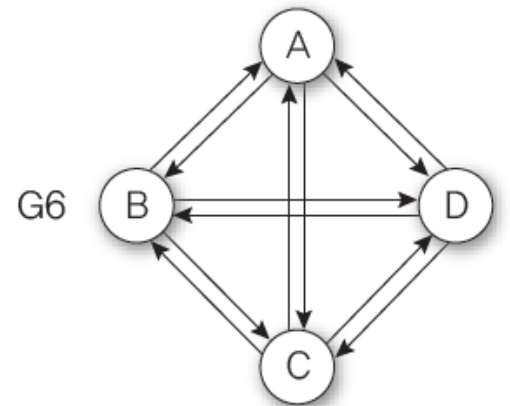
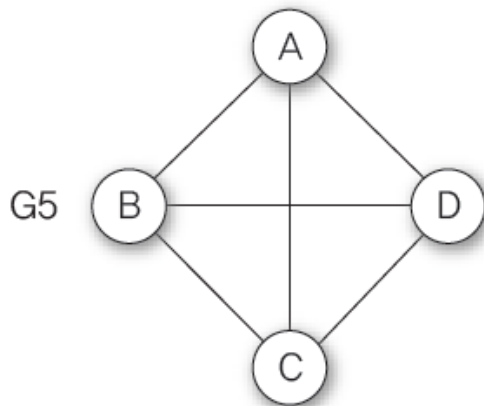
Graph

❖ Graph

✓ 그래프의 종류

● 구조적 특징

◆ 완전 그래프: 연결 가능한 최대 간선 수를 가진 그래프



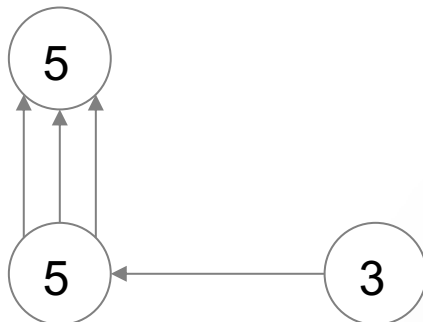
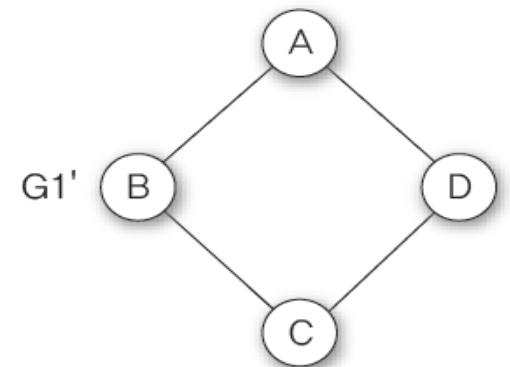
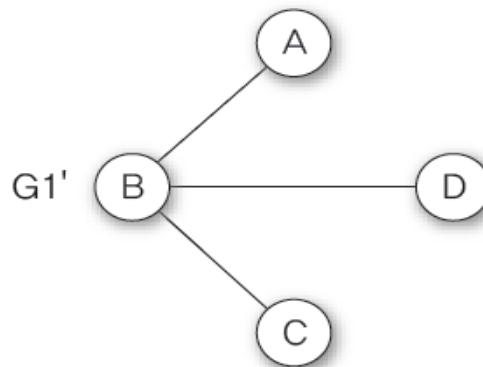
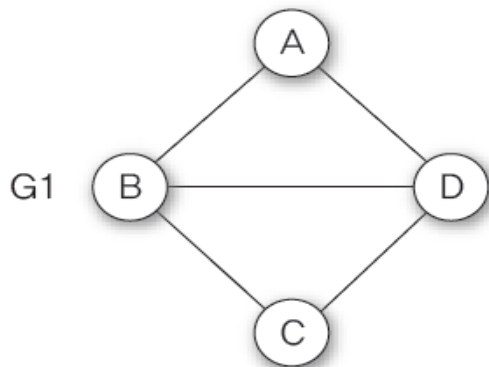
Graph

❖ Graph

✓ 그래프의 종류

● 구조적 특징

- ◆ 부분 그래프: 원래의 그래프에서 일부의 노드나 간선을 제외하여 만든 그래프
- ◆ 다중 그래프: 중복된 간선을 포함하는 그래프



Graph

❖ Graph

✓ 용어

- Adjacent(인접): 두 개의 노드를 연결하는 간선이 존재하는 경우
- Incident(부속): 간선 (V_i, V_j) 는 정점 V_i 와 V_j 에 부속(incident)되어 있다고 함
- Degree(차수): 노드에 부속된 간선의 수
- Path(경로): 그래프에서 간선을 따라 갈 수 있는 길을 순서대로 나열한 것으로 정점 V_i 에서 V_j 까지 간선으로 연결된 정점을 순서대로 나열한 리스트
- 그래프의 동일성: 그래프의 모양은 다르더라도 노드와 간선의 집합이 같으면 동일한 그래프
- Loop: 그래프의 임의의 노드에서 자기 자신으로 이어지는 간선

Graph

❖ Graph 구현

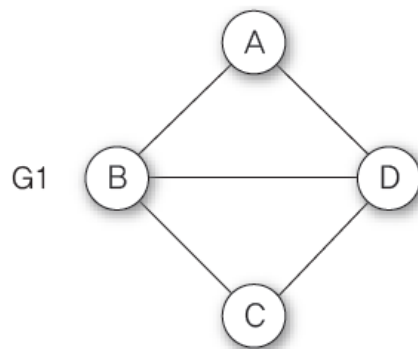
✓ 순차 자료구조를 이용한 그래프의 구현: 인접 행렬

- 행렬에 대한 2차원 배열을 사용하는 순차 자료구조 방법
- 그래프의 두 정점을 연결한 간선의 유무를 행렬로 저장
- n 개의 정점을 가진 그래프 : $n \times n$ 정방 행렬
- 행렬의 행 번호와 열 번호 : 그래프의 정점
- 행렬 값 : 두 정점이 인접되어 있으면 1, 인접되어 있지 않으면 0
- 무방향 그래프의 인접 행렬
 - ◆ 행 i 의 합 = 열 i 의 합 = 정점 i 의 차수
- 방향 그래프의 인접 행렬
 - ◆ 행 i 의 합 = 정점 i 의 진출 차수
 - ◆ 열 i 의 합 = 정점 i 의 진입 차수

Graph

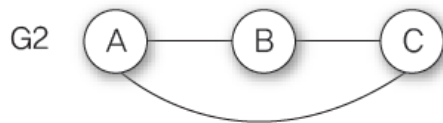
❖ Graph 구현

- ✓ 순차 자료구조를 이용한 그래프의 구현 : 인접 행렬



	A	B	C	D
A	0	1	0	1
B	1	0	1	1
C	0	1	0	1
D	1	1	1	0

1+0+1+1=3 정점 B의 차수

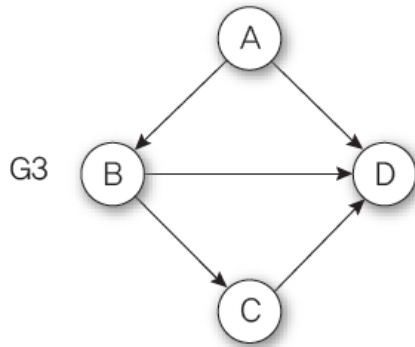


	A	B	C
A	0	1	1
B	1	0	1
C	1	1	0

Graph

❖ Graph 구현

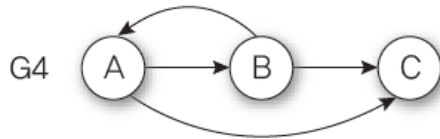
- ✓ 순차 자료구조를 이용한 그래프의 구현 : 인접 행렬



	A	B	C	D
A	0	1	0	1
B	0	0	1	1
C	0	0	0	1
D	0	0	0	0

$0+0+1+1=2$ 정점 B의 진출 차수

$1+0+0+0=1$ 정점 B의 진입 차수



	A	B	C
A	0	1	1
B	1	0	1
C	0	0	0

Graph

❖ Graph 구현

- ✓ 순차 자료구조를 이용한 그래프의 구현 – AdjMatrix 클래스

```
class AdjMatrix{  
    //배열의 간선을 저장할 배열  
    private int matrix[][];  
    //그래프의 방향성을 저장할 변수  
    private boolean isDirect;  
    //그래프의 크기를 저장할 변수  
    private int size;  
  
    //생성자 - 그래프의 크기와 방향성을 매개변수로 받아서 생성  
    public AdjMatrix(int size, boolean isDirect) {  
        matrix = new int[size][size];  
        this.isDirect = isDirect;  
        this.size = size;  
    }  
}
```

Graph

❖ Graph 구현

- ✓ 순차 자료구조를 이용한 그래프의 구현 – AdjMatrix 클래스

//간선을 추가하는 메서드

```
public void insertEdge(int v1, int v2){
    if(v1 >= size || v2 >= size) {
        System.out.println("그래프에 없는 정점입니다!!");
    }
    else {
        if(isDirect == true) {
            matrix[v1][v2] = 1;
        }else {
            matrix[v1][v2] = 1;
            matrix[v2][v1] = 1;
        }
    }
}
```

Graph

❖ Graph 구현

- ✓ 순차 자료구조를 이용한 그래프의 구현 – AdjMatrix 클래스

//간선을 제거하는 메서드

```
public void removeEdge(int v1, int v2){
    if(v1 >= size || v2 >= size) {
        System.out.println("그래프에 없는 정점입니다!!");
    }
    else {
        if(isDirect == true) {
            matrix[v1][v2] = 0;
        }else {
            matrix[v1][v2] = 0;
            matrix[v2][v1] = 0;
        }
    }
}
```

Graph

❖ Graph 구현

- ✓ 순차 자료구조를 이용한 그래프의 구현 – AdjMatrix 클래스

//배열의 내용을 출력하는 메서드

```
public void printAdjMarix() {  
    for(int i=0; i<size; i++) {  
        for(int j=0; j<size; j++) {  
            System.out.print(matrix[i][j] + " ");  
        }  
        System.out.println();  
    }  
}
```

Graph

❖ Graph 구현

- ✓ 순차 자료구조를 이용한 그래프의 구현 – AdjMatrix 클래스

```
public class AdjMatrixMain {  
    public static void main(String[] args) {  
        System.out.println("----방향성 그래프----");  
        AdjMatrix graph = new AdjMatrix(5, true);  
        graph.printAdjMarix();  
        System.out.println();  
  
        graph.insertEdge(0, 1);  
        graph.insertEdge(2, 3);  
        graph.printAdjMarix();  
        System.out.println();  
  
        graph.removeEdge(2, 3);  
        graph.printAdjMarix();  
        System.out.println();  
    }  
}
```

Graph

❖ Graph 구현

- ✓ 순차 자료구조를 이용한 그래프의 구현 – AdjMatrix 클래스

```
System.out.println("-----무방향성 그래프-----");  
graph = new AdjMatrix(5, false);  
graph.printAdjMarix();  
System.out.println();
```

```
graph.insertEdge(0, 1);  
graph.insertEdge(2, 3);  
graph.printAdjMarix();  
System.out.println();
```

```
graph.removeEdge(2, 3);  
graph.printAdjMarix();  
System.out.println();
```

```
    }  
}
```

Graph

❖ Graph 구현

✓ 연결 리스트를 이용한 그래프의 구현 : 인접 리스트

- n 개의 정점과 e 개의 간선을 가진 무방향 그래프의 인접 리스트
 - ◆ 헤드 노드 배열의 크기 : n
 - ◆ 연결하는 노드의 수 : $2e$
 - ◆ 각 정점의 헤드에 연결된 노드의 수 : 정점의 차수
- n 개의 정점과 e 개의 간선을 가진 방향 그래프의 인접 리스트
 - ◆ 헤드 노드 배열의 크기 : n
 - ◆ 연결하는 노드의 수 : e
 - ◆ 각 정점의 헤드에 연결된 노드의 수 : 정점의 진출 차수

Graph

❖ Graph 구현

- ✓ 연결 리스트를 이용한 그래프의 구현 – GraphNode 클래스

```
class GraphNode {  
    int vertex;  
    GraphNode link;  
}
```



Graph

❖ Graph 구현

- ✓ 연결 리스트를 이용한 그래프의 구현 – AdjList 클래스

```
class AdjList {  
    private GraphNode head[];  
    private int size;  
    private boolean isDirect;  
  
    public AdjList(int size, boolean isDirect) {  
        head = new GraphNode[size];  
        for (int i = 0; i < size; i++) {  
            head[i] = new GraphNode();  
        }  
        this.isDirect = isDirect;  
        this.size = size;  
    }  
}
```

Graph

❖ Graph 구현

- ✓ 연결 리스트를 이용한 그래프의 구현 – AdjList 클래스

```
public void insertEdge(int v1, int v2) {  
    if (v1 >= size || v2 >= size) {  
        System.out.println("그래프에 없는 정점입니다!!");  
    } else {  
        if (head[v1].link == null) {  
            GraphNode next = new GraphNode();  
            next.vertex = v2;  
            head[v1].link = next;  
        } else {  
            GraphNode next = new GraphNode();  
            next.vertex = v2;  
            GraphNode temp = head[v1].link;  
            GraphNode prev = head[v1];  
            boolean flag = false;
```

Graph

❖ Graph 구현

- ✓ 연결 리스트를 이용한 그래프의 구현 – AdjList 클래스

```
while (true) {  
    if (v2 == temp.vertex) {  
        System.out.println("이미  
존재하는 간선입니다.");  
        return;  
    } else if (v2 > temp.vertex) {  
        if (temp.link == null) {  
            break;  
        }  
        prev = temp;  
        temp = temp.link;  
    } else {  
        flag = true;  
        break;  
    }  
}
```

Graph

❖ Graph 구현

- ✓ 연결 리스트를 이용한 그래프의 구현 – AdjList 클래스

```
        if (flag == false) {  
            next.link = temp.link;  
            temp.link = next;  
        } else {  
            prev.link = next;  
            next.link = temp;  
        }  
    }
```



Graph

❖ Graph 구현

- ✓ 연결 리스트를 이용한 그래프의 구현 – AdjList 클래스

```
if (isDirect == false) {  
    int imsi = v1;  
    v1 = v2;  
    v2 = imsi;  
    if (head[v1].link == null) {  
        GraphNode next = new GraphNode();  
        next.vertex = v2;  
        head[v1].link = next;  
    } else {  
        GraphNode next = new GraphNode();  
        next.vertex = v2;  
        GraphNode temp = head[v1].link;  
        GraphNode prev = head[v1];  
        boolean flag = false;
```

Graph

❖ Graph 구현

- ✓ 연결 리스트를 이용한 그래프의 구현 – AdjList 클래스

```
while (true) {  
    if (v2 == temp.vertex) {  
        System.out.println("이미  
존재하는 간선입니다.");  
        return;  
    } else if (v2 > temp.vertex) {  
        if (temp.link == null) {  
            break;  
        }  
        prev = temp;  
        temp = temp.link;  
    } else {  
        flag = true;  
        break;  
    }  
}
```

Graph

❖ Graph 구현

- ✓ 연결 리스트를 이용한 그래프의 구현 – AdjList 클래스

```
        if (flag == false) {
            next.link = temp.link;
            temp.link = next;
        } else {
            prev.link = next;
            next.link = temp;
        }
    }
}
```

Graph

❖ Graph 구현

- ✓ 연결 리스트를 이용한 그래프의 구현 – AdjList 클래스

```
public void removeEdge(int v1, int v2) {  
    if (v1 >= size || v2 >= size) {  
        System.out.println("그래프에 없는 정점입니다!!");  
    } else {  
        if (head[v1].link == null) {  
            System.out.println("간선이 없어서 삭제할 수  
없습니다!!");  
        } else {  
            GraphNode temp = head[v1].link;  
            GraphNode prev = head[v1];
```


Graph

❖ Graph 구현

- ✓ 연결 리스트를 이용한 그래프의 구현 – AdjList 클래스

```
while (true) {  
    if (v2 == temp.vertex) {  
        prev.link = temp.link;  
        temp = null;  
        break;  
    } else {  
        if (temp.link == null) {  
            System.out.println("존재하지 않는 간선입니다.");  
            break;  
        }  
        prev = temp;  
        temp = temp.link;  
    }  
}
```

Graph

❖ Graph 구현

- ✓ 연결 리스트를 이용한 그래프의 구현 – AdjList 클래스

```
if(isDirect == false) {  
    int imsi = v1;  
    v1 = v2;  
    v2 = imsi;  
  
    if (head[v1].link == null) {  
        System.out.println("간선이 없어서 삭제할  
수 없습니다!!");  
    } else {  
        temp = head[v1].link;  
        prev = head[v1];  
    }  
}
```

Graph

❖ Graph 구현

- ✓ 연결 리스트를 이용한 그래프의 구현 – AdjList 클래스

```
while (true) {  
    if (v2 == temp.vertex) {  
        prev.link = temp.link;  
        temp = null;  
        return;  
    } else {  
        if (temp.link == null){  
            System.out.println("존재하지 않는 간선입니다.");  
            return;  
        }  
        prev = temp;  
        temp = temp.link;  
    }  
}
```

Graph

❖ Graph 구현

- ✓ 연결 리스트를 이용한 그래프의 구현 – AdjList 클래스

```
}  
}  
}  
}  
}  
}  
}
```



Graph

❖ Graph 구현

- ✓ 연결 리스트를 이용한 그래프의 구현 – AdjList 클래스

```
public void printAdjList() {  
    for (int i = 0; i < size; i++) {  
        if (head[i].link == null) {  
            break;  
        } else {  
            GraphNode temp = head[i].link;
```

Graph

❖ Graph 구현

- ✓ 연결 리스트를 이용한 그래프의 구현 – AdjList 클래스

```
        while (true) {
            System.out.print("(" + i + "," + temp.vertex
+ ")");

            if (temp.link == null) {
                break;
            } else {
                System.out.print(",");
                temp = temp.link;
            }
        }
        System.out.println();
    }
}
```

Graph

❖ Graph 구현

- ✓ 연결 리스트를 이용한 그래프의 구현 – AdjListMain 클래스

```
public class AdjListMain {  
    public static void main(String[] args) {  
        System.out.println("---방향성---");  
        System.out.println("-----간선 추가-----");  
        AdjList graph = new AdjList(5, true);  
        graph.printAdjList();  
        graph.insertEdge(0, 0);  
        graph.insertEdge(0, 2);  
        graph.insertEdge(0, 1);  
        graph.insertEdge(1, 2);  
        graph.insertEdge(2, 3);  
        graph.insertEdge(2, 2);  
        graph.insertEdge(2, 1);  
        graph.printAdjList();  
    }  
}
```

Graph

❖ Graph 구현

- ✓ 연결 리스트를 이용한 그래프의 구현 – AdjListMain 클래스

```
System.out.println("-----간선 삭제-----");  
graph.removeEdge(0, 1);  
graph.printAdjList();  
System.out.println();
```


Graph

❖ Graph 구현

✓ 연결 리스트를 이용한 그래프의 구현 – AdjListMain 클래스

```
        System.out.println("----무방향성----");
        System.out.println("-----간선 추가-----");
        graph = new AdjList(5, false);
        graph.printAdjList();
        graph.insertEdge(0, 0);
        graph.insertEdge(0, 2);
        graph.insertEdge(0, 1);
        graph.insertEdge(1, 2);
        graph.insertEdge(2, 3);
        graph.insertEdge(2, 2);
        graph.insertEdge(2, 1);
        graph.printAdjList();
        System.out.println("-----간선 삭제-----");
        graph.removeEdge(0, 1);
        graph.printAdjList();
    }
}
```

Graph

❖ Graph 탐색

✓ 깊이 우선 탐색(DFS – Depth First Search)

- 시작 정점의 한 방향으로 갈 수 있는 경로가 있는 곳까지 깊이 탐색해 가다가 더 이상 갈 곳이 없으면, 가장 마지막에 만났던 갈림길 간선이 있는 정점으로 되돌아와 다른 방향의 간선으로 탐색을 계속 반복하여 결국 모든 정점을 방문하는 순회 방법
- 가장 마지막에 만났던 갈림길 간선의 정점으로 가장 먼저 되돌아가서 다시 깊이 우선 탐색을 반복해야 하므로 후입 선출 구조의 스택 사용

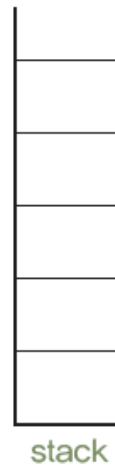
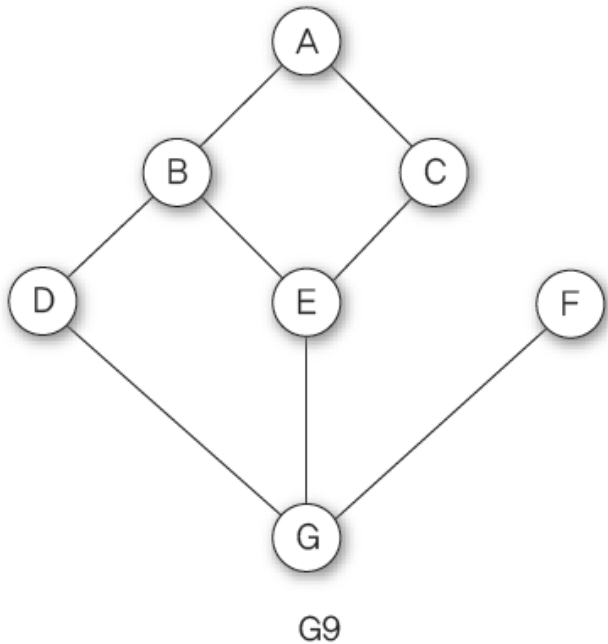
Graph

❖ Graph 탐색

✓ 깊이 우선 탐색(DFS – Depth First Search)

- 알고리즘에 따라 그래프 G9를 깊이 우선 순회하는 과정

- ◆ 그래프 G9의 깊이 우선 탐색을 위한 초기 상태: 배열 visited를 false로 초기화하고 공백 스택 생성



정점	A	B	C	D	E	F	G
	[0]	[1]	[2]	[3]	[4]	[5]	[6]
visited	F	F	F	F	F	F	F

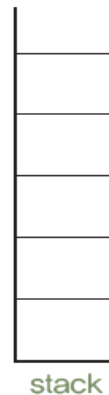
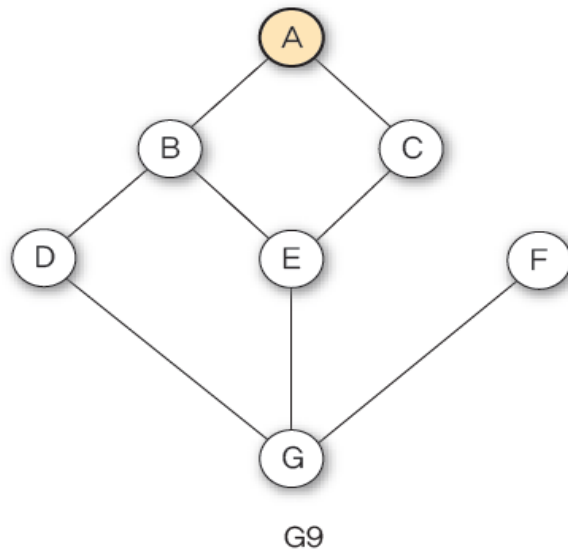
Graph

❖ Graph 탐색

✓ 깊이 우선 탐색(DFS – Depth First Search)

- 알고리즘에 따라 그래프 G9를 깊이 우선 순회하는 과정
 - ◆ 정점 A를 시작으로 깊이 우선 탐색을 시작

```
visited[A] ← true;  
A 방문;
```



정점	A	B	C	D	E	F	G
	[0]	[1]	[2]	[3]	[4]	[5]	[6]
visited	T	F	F	F	F	F	F

Graph

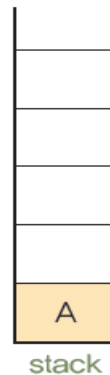
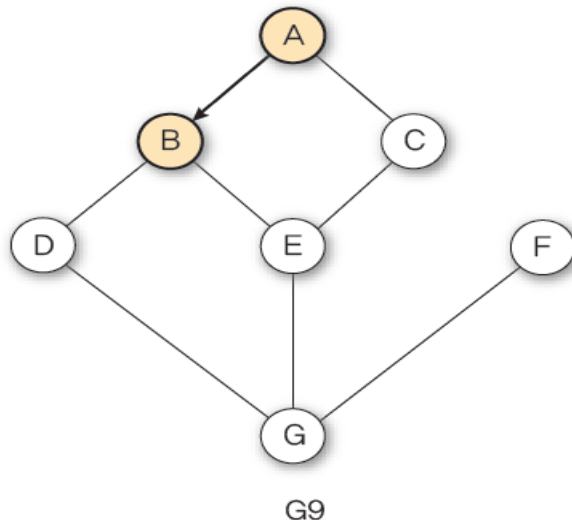
❖ Graph 탐색

✓ 깊이 우선 탐색(DFS – Depth First Search)

- 알고리즘에 따라 그래프 G9를 깊이 우선 순회하는 과정

- ◆ 정점 A에 방문하지 않은 정점 B, C가 있으므로 A를 스택에 push하고 인접 정점 B와 C 중에서 오름차순에 따라 B를 선택하여 탐색을 계속

```
push(stack, A);  
visited[B] ← true;  
B 방문;
```



A의 인접 정점

정점	A	B	C	D	E	F	G
	[0]	[1]	[2]	[3]	[4]	[5]	[6]
visited	T	T	F	F	F	F	F

Graph

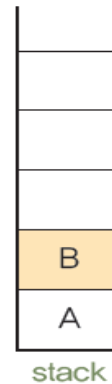
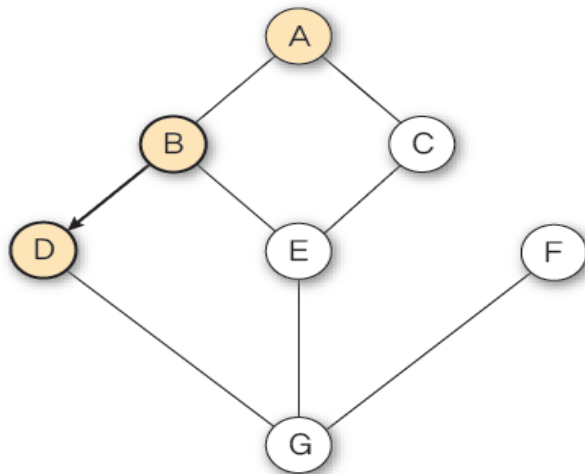
❖ Graph 탐색

✓ 깊이 우선 탐색(DFS – Depth First Search)

- 알고리즘에 따라 그래프 G9를 깊이 우선 순회하는 과정

- ◆ 정점 B에 방문하지 않은 정점 D, E가 있으므로 B를 스택에 push하고, 방문하지 않은 인접 정점 D와 E 중에서 오름차순에 따라 D를 선택하여 탐색을 계속

```
push(stack, B);  
visited[D] ← true;  
D 방문;
```



B의 인접 정점

정점

A

B

C

D

E

F

G

[0]

[1]

[2]

[3]

[4]

[5]

[6]

T

T

F

T

F

F

F

visited

Graph

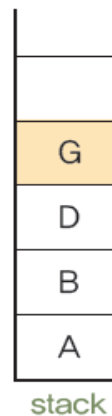
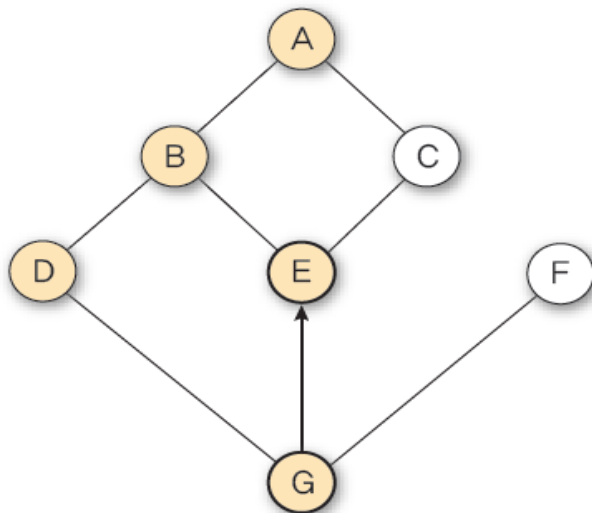
❖ Graph 탐색

✓ 깊이 우선 탐색(DFS – Depth First Search)

- 알고리즘에 따라 그래프 G를 깊이 우선 순회하는 과정

- ◆ 정점 G에 방문하지 않은 정점 E, F가 있으므로 G를 스택에 push하고 방문하지 않은 인접 정점 E와 F중에서 오름차순에 따라 E를 선택하여 탐색을 계속

```
push(stack, G);  
visited[E] ← true;  
E 방문;
```



정점						
A	B	C	D	E	F	G
[0]	[1]	[2]	[3]	[4]	[5]	[6]
T	T	F	T	T	F	T
visited						

G의 인접 정점

Arrows point from 'G의 인접 정점' to nodes D, E, and F in the table above.

Graph

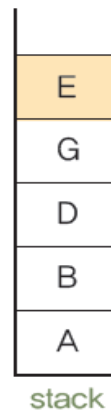
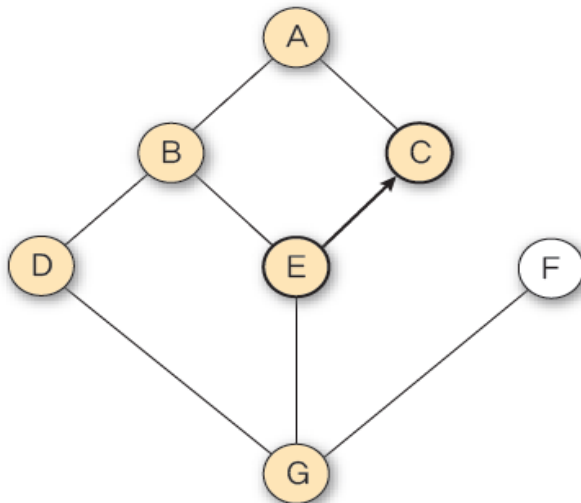
❖ Graph 탐색

✓ 깊이 우선 탐색(DFS – Depth First Search)

- 알고리즘에 따라 그래프 G9를 깊이 우선 순회하는 과정

- ◆ 정점 E에 방문하지 않은 정점 C가 있으므로 E를 스택에 push하고 방문하지 않은 인접 정점 C를 선택하여 탐색을 계속

```
push(stack, E);  
visited[C] ← true;  
C 방문;
```



E의 인접 정점

정점

A

[0]

T

B

[1]

T

C

[2]

T

D

[3]

T

E

[4]

T

F

[5]

F

G

[6]

T

visited

Graph

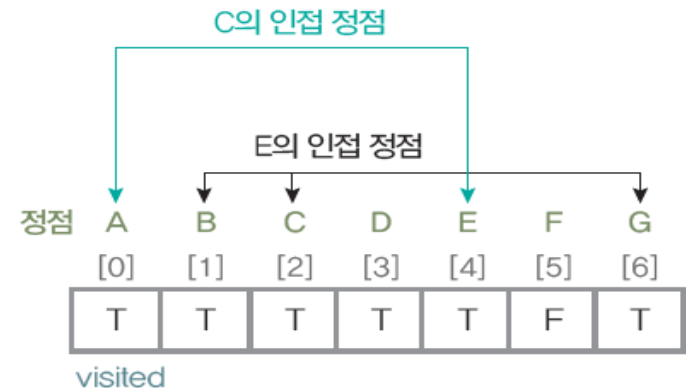
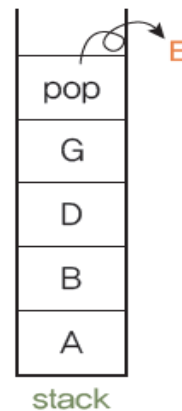
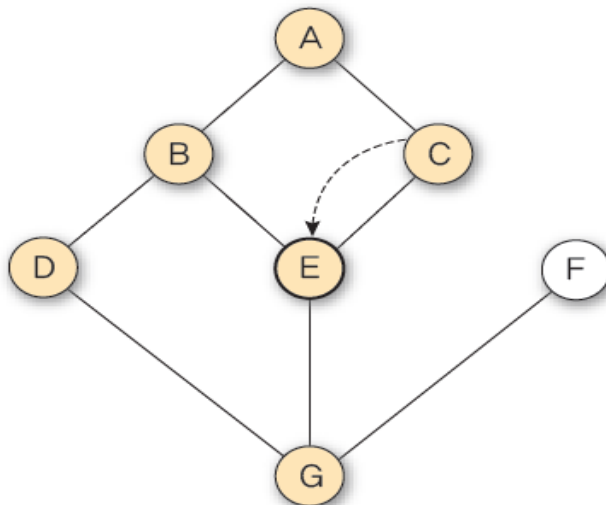
❖ Graph 탐색

✓ 깊이 우선 탐색(DFS – Depth First Search)

● 알고리즘에 따라 그래프 G9를 깊이 우선 순회하는 과정

- ◆ 정점 C에서 방문하지 않은 인접 정점이 없으므로 마지막 정점으로 돌아가기 위해 스택을 pop하여 받은 정점 E에 대해서 방문하지 않은 인접 정점이 있는지 확인
- ◆ 정점 E는 방문하지 않은 인접 정점이 없음

```
pop(stack);
```



Graph

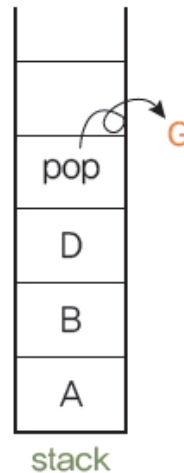
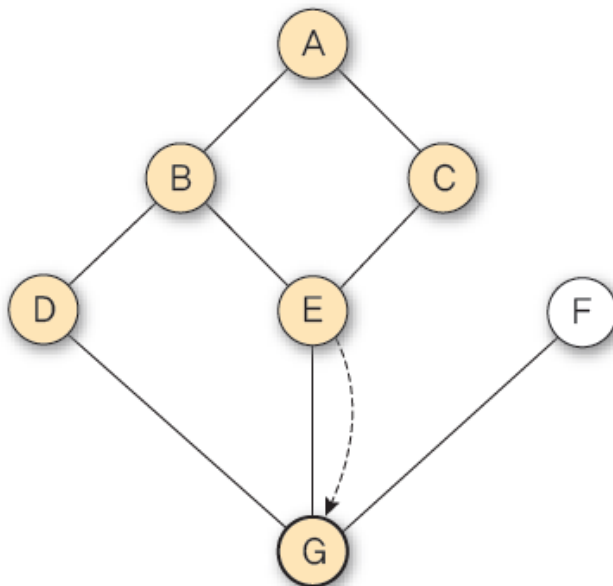
❖ Graph 탐색

✓ 깊이 우선 탐색(DFS – Depth First Search)

- 알고리즘에 따라 그래프 G9를 깊이 우선 순회하는 과정

- ◆ 현재 정점 E에서 방문할 수 있는 인접 정점이 없으므로 다시 스택을 pop하여 받은 정점 G에 대해서 방문하지 않은 인접 정점이 있는지 확인

```
pop(stack);
```



정점	A	B	C	D	E	F	G
	[0]	[1]	[2]	[3]	[4]	[5]	[6]
visited	T	T	T	T	T	F	T

Graph

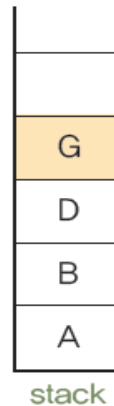
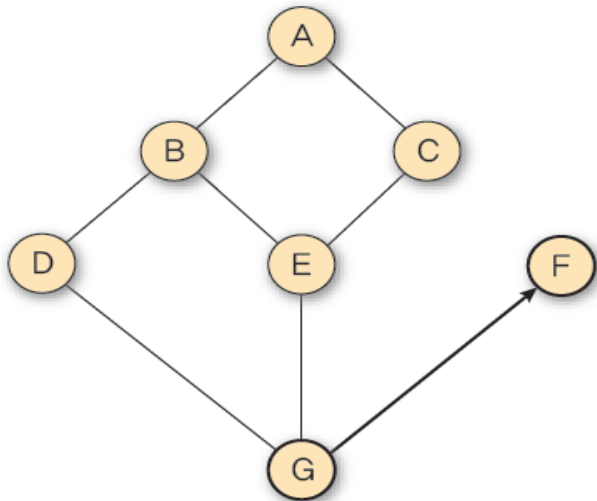
❖ Graph 탐색

✓ 깊이 우선 탐색(DFS – Depth First Search)

- 알고리즘에 따라 그래프 G를 깊이 우선 순회하는 과정

- ◆ 현재 정점 G에서 방문하지 않은 정점 F가 있으므로 G를 스택에 push하고 인접 정점 F를 선택하여 탐색을 계속

```
push(stack, G);  
visited[F] ← true;  
F 방문;
```



G의 인접 정점

정점 A B C D E F G

[0] [1] [2] [3] [4] [5] [6]

T	T	T	T	T	T	T
---	---	---	---	---	---	---

visited

Graph

❖ Graph 탐색

- ✓ 깊이 우선 탐색(DFS – Depth First Search) 구현 – Node 와 Stack 클래스

```
class GraphNode {  
    int vertex;  
    GraphNode link;  
}
```

```
class StackNode{  
    int data;  
    StackNode link;  
}
```

Graph

❖ Graph 탐색

- ✓ 깊이 우선 탐색(DFS – Depth First Search) 구현 – DFS 메서드를 AdjList 클래스에 추가

```
public void DFS(int v){  
    GraphNode w = new GraphNode();  
    LinkedStack S = new LinkedStack();  
    boolean visited[] = new boolean[size];  
    S.push(v);  
    visited[v] = true;  
    System.out.print(v + " ");
```

Graph

❖ Graph 탐색

- ✓ 깊이 우선 탐색(DFS – Depth First Search) 구현 – DFS 메서드를 AdjList 클래스에 추가

```
while(S.top != null){
    w = head[v];
    while(w != null){
        if(visited[w.vertex]==false){
            S.push(w.vertex);
            visited[w.vertex]=true;
            System.out.print(w.vertex + " ");
            v = w.vertex;
            w = head[v];
        }
        else w = w.link;
    }
    v = S.pop();
}
System.out.println();
}
```

Graph

❖ Graph 탐색

- ✓ 깊이 우선 탐색(DFS – Depth First Search) 구현 – main 메서드에 추가
`System.out.println("---깊이 우선 탐색---");`
`graph.DFS(0);`

Graph

❖ Graph 탐색

- ✓ 깊이 우선 탐색(DFS – Depth First Search) 구현 – main 메서드에 추가
 - 깊이 우선 탐색은 실제 구현 시 재귀 함수를 이용하므로 스택 오버플로에 유의
 - 깊이 우선 탐색을 응용하여 풀 수 있는 문제는 단절점 찾기, 단절선 찾기, 사이클 찾기, 위상 정렬 등이 있음

Graph

❖ Graph 탐색

✓ 너비 우선 탐색(BFS – Breadth First Search)

- ❶ 시작 정점 v 를 결정하여 방문한다.
- ❷ 정점 v 에 인접한 정점 중에서 방문하지 않은 정점을 차례로 방문하면서 큐에 enqueue한다.
- ❸ 방문하지 않은 인접한 정점이 없으면, 방문했던 정점에서 인접한 정점을 다시 차례로 방문하기 위해 큐에서 dequeue하여 받은 정점을 v 로 설정하고 ❷를 반복한다.
- ❹ 큐가 공백이 될 때까지 ❷~❸을 반복한다.

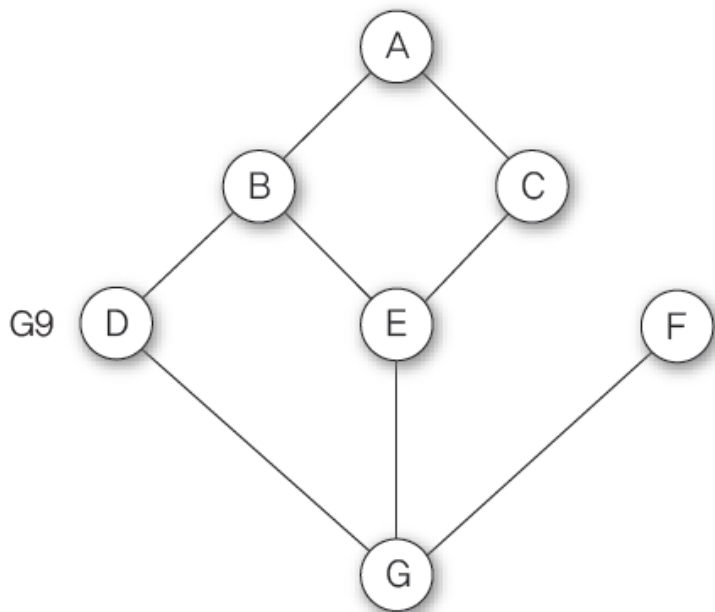
Graph

❖ Graph 탐색

✓ 너비 우선 탐색(BFS – Breadth First Search)

- 알고리즘에 따라 그래프 G9를 너비 우선 순회하는 과정

◆ 초기 상태: 배열 visited를 False로 초기화, 공백 큐를 생성



정점	A	B	C	D	E	F	G
	[0]	[1]	[2]	[3]	[4]	[5]	[6]
	F	F	F	F	F	F	F

visited

Q

--	--	--	--	--	--	--	--

Graph

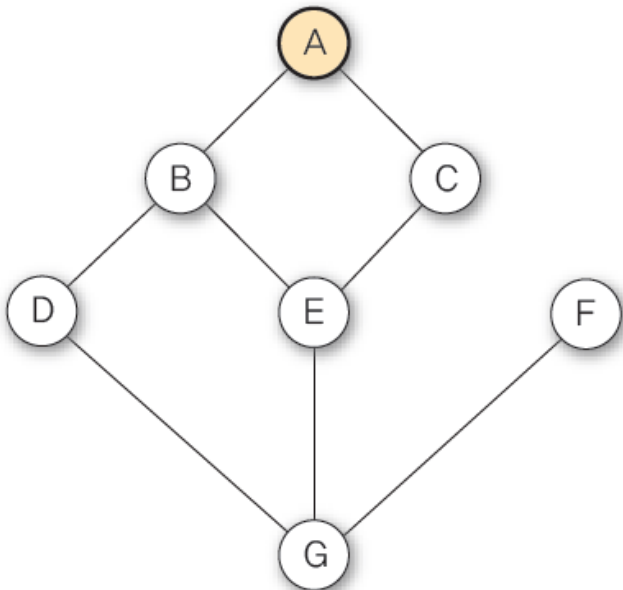
❖ Graph 탐색

✓ 너비 우선 탐색(BFS – Breadth First Search)

- 알고리즘에 따라 그래프 G9를 너비 우선 순회하는 과정

◆ 정점 A를 시작으로 너비 우선 탐색을 시작

```
visited[A] ← true;  
A 방문;
```



정점	A	B	C	D	E	F	G
	[0]	[1]	[2]	[3]	[4]	[5]	[6]

T	F	F	F	F	F	F
---	---	---	---	---	---	---

visited

Q

--	--	--	--	--	--	--	--

Graph

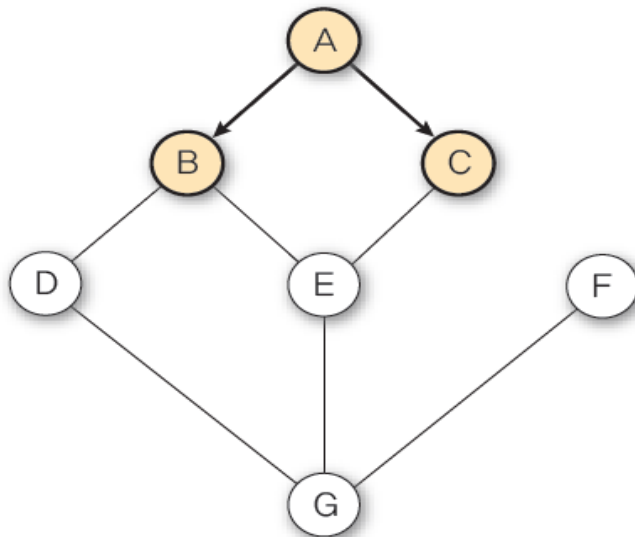
❖ Graph 탐색

✓ 너비 우선 탐색(BFS – Breadth First Search)

- 알고리즘에 따라 그래프 G9를 너비 우선 순회하는 과정

◆ 정점 A에서 방문하지 않은 모든 인접 정점 B, C를 방문하고 큐에 enqueue

```
visited[(A가 방문하지 않은 인접 정점 B와 C)] ← true;  
(A가 방문하지 않은 인접 정점 B와 C) 방문;  
enqueue(Q, (A가 방문하지 않은 인접 정점 B와 C));
```



A의 인접 정점

정점	A	B	C	D	E	F	G
	[0]	[1]	[2]	[3]	[4]	[5]	[6]
visited	T	T	T	F	F	F	F

Q

	B	C					
--	---	---	--	--	--	--	--

Graph

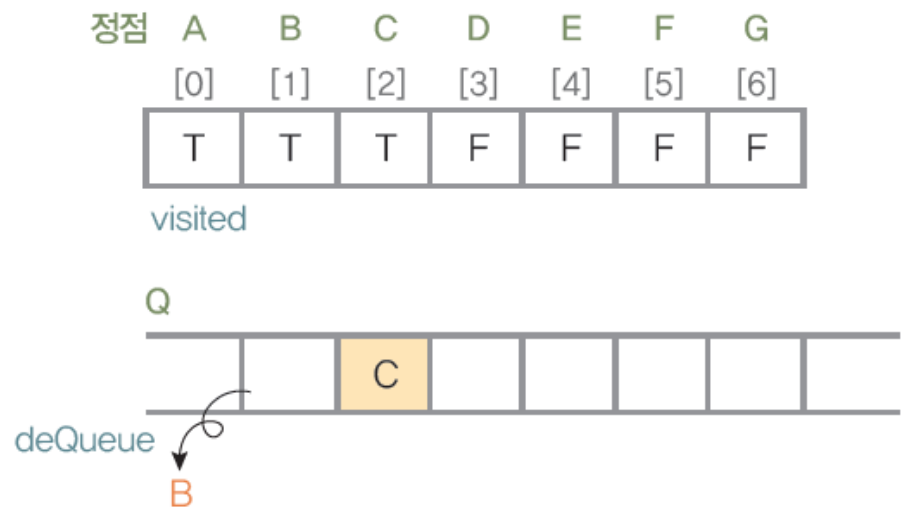
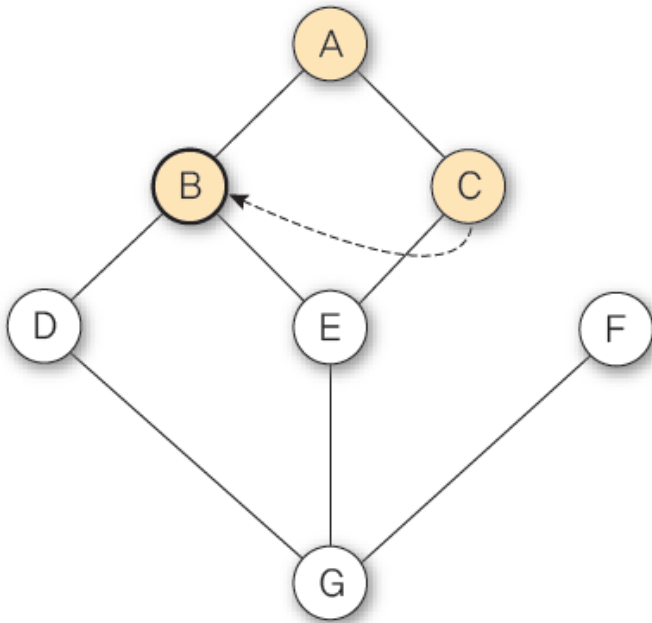
❖ Graph 탐색

✓ 너비 우선 탐색(BFS – Breadth First Search)

- 알고리즘에 따라 그래프 G9를 너비 우선 순회하는 과정

- ◆ 정점 A에 대한 인접 정점들을 처리했으므로 너비 우선 탐색을 계속할 다음 정점을 찾기 위해 큐를 deQueue하여 B를 받음

```
v ← deQueue(Q);
```



Graph

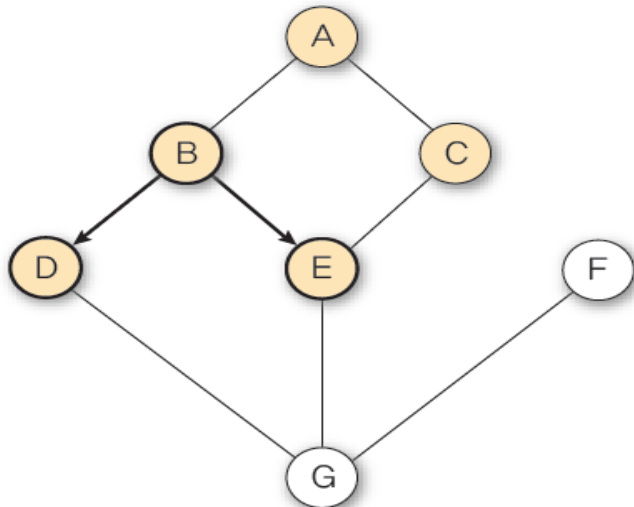
❖ Graph 탐색

✓ 너비 우선 탐색(BFS – Breadth First Search)

- 알고리즘에 따라 그래프 G9를 너비 우선 순회하는 과정

- ◆ 정점 B에서 방문하지 않은 모든 인접 정점 D, E를 방문하고 큐에 enqueue

```
visited[(B가 방문하지 않은 인접 정점 D와 E)] ← true;  
(B가 방문하지 않은 인접 정점 D와 E) 방문;  
enqueue(Q, (B가 방문하지 않은 인접 정점 D와 E));
```



B의 인접 정점

정점	A	B	C	D	E	F	G
	[0]	[1]	[2]	[3]	[4]	[5]	[6]
	T	T	T	T	T	F	F
visited							
Q			C	D	E		

Graph

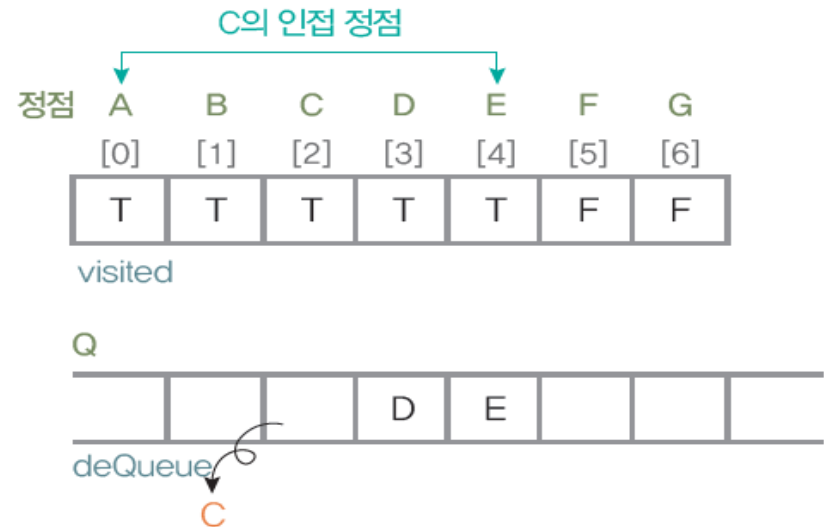
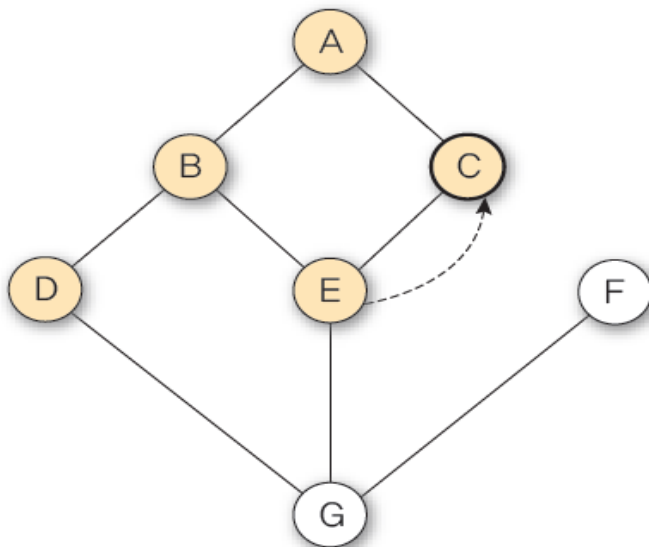
❖ Graph 탐색

✓ 너비 우선 탐색(BFS – Breadth First Search)

- 알고리즘에 따라 그래프 G9를 너비 우선 순회하는 과정

- ◆ 정점 B에 대한 인접 정점들을 처리했으므로 너비 우선 탐색을 계속할 다음 정점을 찾기 위해 큐를 deQueue하여 C를 받음

```
v ← deQueue(Q);
```



Graph

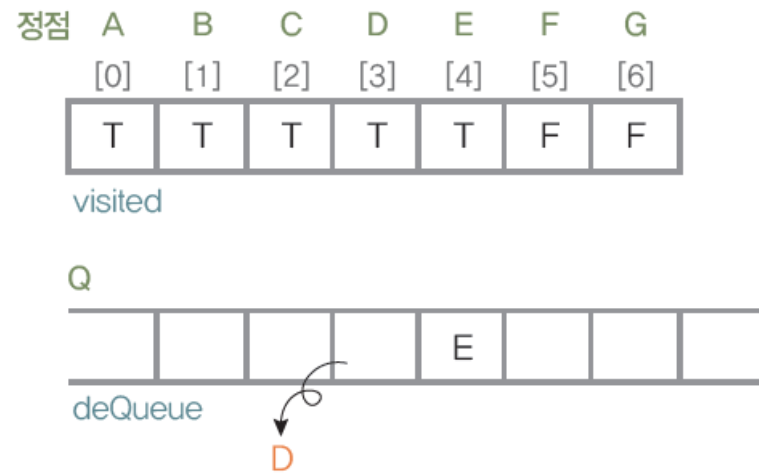
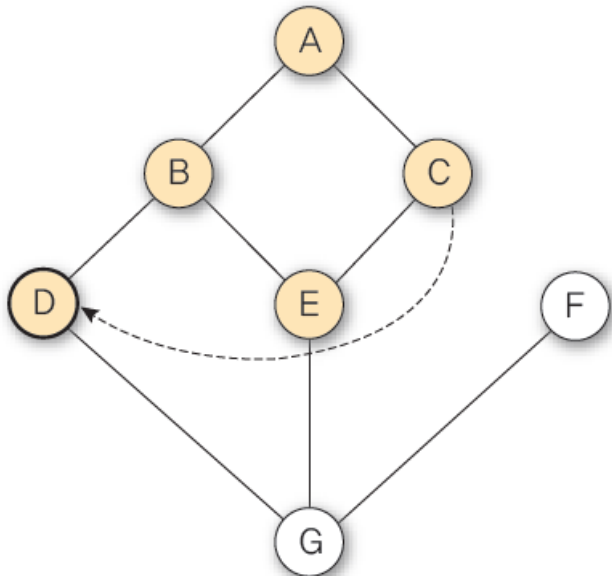
❖ Graph 탐색

✓ 너비 우선 탐색(BFS – Breadth First Search)

- 알고리즘에 따라 그래프 G9를 너비 우선 순회하는 과정

- ◆ 정점 C에는 방문하지 않은 인접 정점이 없으므로 너비 우선 탐색을 계속할 다음 정점을 찾기 위해 큐를 deQueue하여 D를 받음

```
v ← deQueue(Q);
```



Graph

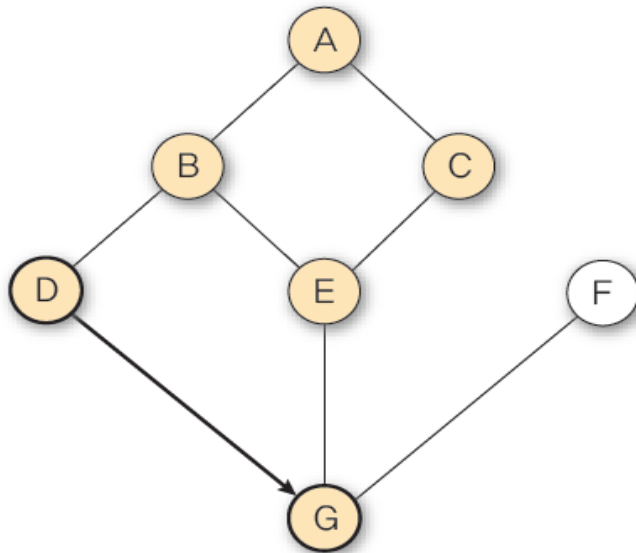
❖ Graph 탐색

✓ 너비 우선 탐색(BFS – Breadth First Search)

- 알고리즘에 따라 그래프 G9를 너비 우선 순회하는 과정

- ◆ 정점 D에서 방문하지 않은 인접 정점 G를 방문하고 큐에 enqueue

```
visited[(D가 방문하지 않은 인접 정점 G)] ← true;  
(D가 방문하지 않은 인접 정점 G) 방문;  
enqueue(Q, (D가 방문하지 않은 인접 정점 G));
```



D의 인접 정점

정점	A	B	C	D	E	F	G
	[0]	[1]	[2]	[3]	[4]	[5]	[6]
visited	T	T	T	T	T	F	T
Q					E	G	

Graph

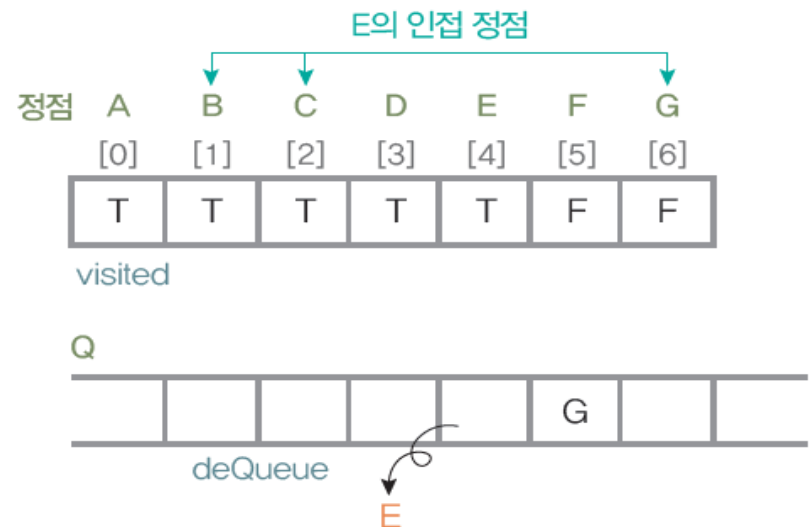
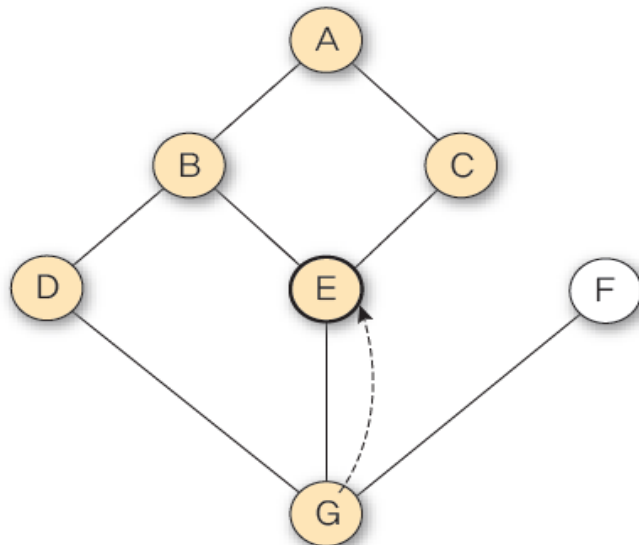
❖ Graph 탐색

✓ 너비 우선 탐색(BFS – Breadth First Search)

- 알고리즘에 따라 그래프 G9를 너비 우선 순회하는 과정

- ◆ 정점 D에 대한 인접 정점들을 처리했으므로 너비 우선 탐색을 계속할 다음 정점을 찾기 위해 큐를 deQueue하여 E를 받음

```
v ← deQueue(Q);
```



Graph

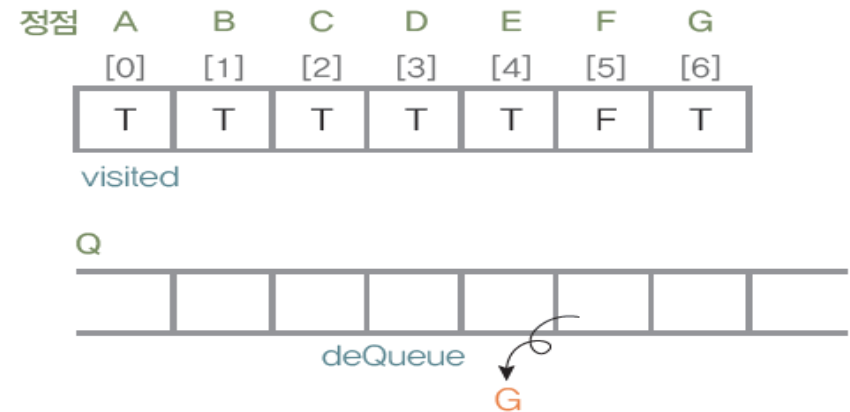
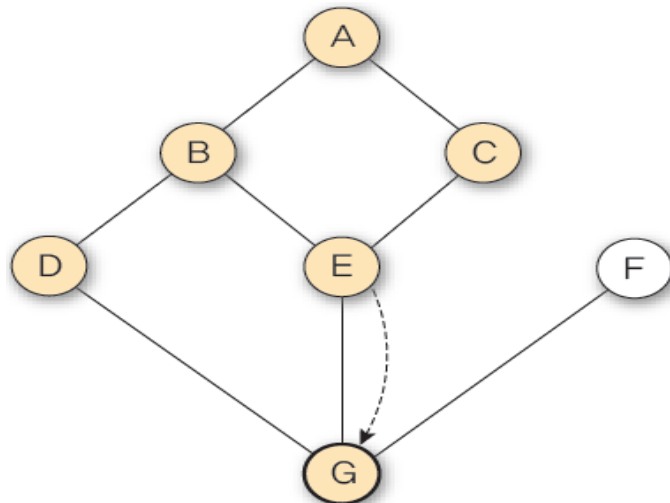
❖ Graph 탐색

✓ 너비 우선 탐색(BFS – Breadth First Search)

- 알고리즘에 따라 그래프 G9를 너비 우선 순회하는 과정

- ◆ 정점 E에는 방문하지 않은 인접 정점이 없으므로 너비 우선 탐색을 계속할 다음 정점을 찾기 위해 큐를 deQueue하여 G를 받음

```
v ← deQueue(Q);
```



Graph

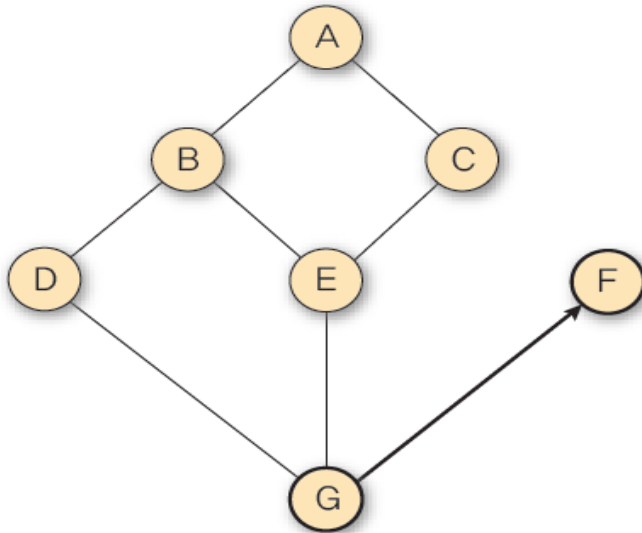
❖ Graph 탐색

✓ 너비 우선 탐색(BFS – Breadth First Search)

- 알고리즘에 따라 그래프 G를 너비 우선 순회하는 과정

- ◆ 정점 G에서 방문하지 않은 인접 정점 F를 방문하고 큐에 enqueue

```
visited[(G가 방문하지 않은 인접 정점 F)] ← true;  
(G가 방문하지 않은 인접 정점 F) 방문;  
enqueue(Q, (G가 방문하지 않은 인접 정점 F));
```



G의 인접 정점

정점	A	B	C	D	E	F	G
	[0]	[1]	[2]	[3]	[4]	[5]	[6]
visited	T	T	T	T	T	T	T
Q						F	

Graph

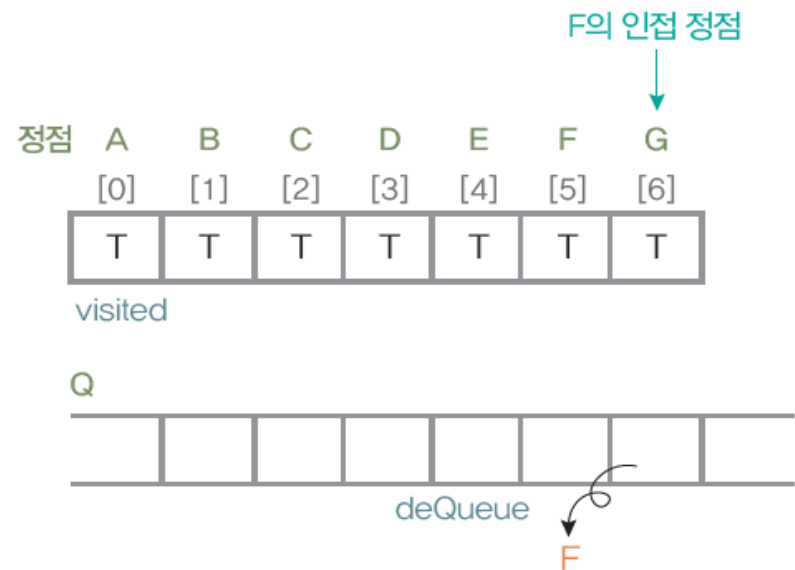
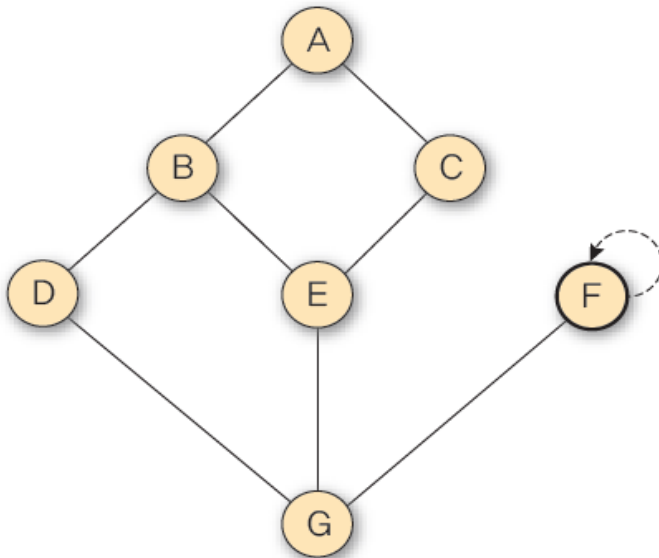
❖ Graph 탐색

✓ 너비 우선 탐색(BFS – Breadth First Search)

- 알고리즘에 따라 그래프 G9를 너비 우선 순회하는 과정

- ◆ 정점 G에 대한 인접 정점들을 처리했으므로 너비 우선 탐색을 계속할 다음 정점을 찾기 위해 큐를 deQueue하여 F를 받음

```
v ← deQueue(Q);
```



Graph

❖ Graph 탐색

✓ 너비 우선 탐색(BFS – Breadth First Search)

● 알고리즘에 따라 그래프 G9를 너비 우선 순회하는 과정

- ◆ 정점 F는 모든 인접 정점을 방문했으므로 너비 우선 탐색을 계속할 다음 정점을 찾기 위해 큐를 deQueue를 하는데 큐가 공백이므로 너비 우선 탐색을 종료



Graph

❖ Graph 탐색

- ✓ 너비 우선 탐색(BFS – Breadth First Search) 구현 – Node 클래스

```
class QNode{  
    int data;  
    QNode link;  
}
```



Graph

❖ Graph 탐색

- ✓ 너비 우선 탐색(BFS – Breadth First Search) 구현 – LinkedList클래스

```
class LinkedList{
    QNode front;
    QNode rear;

    public LinkedList(){
        front = null;
        rear = null;
    }

    public boolean isEmpty(){
        return (front == null);
    }
}
```

Graph

❖ Graph 탐색

- ✓ 너비 우선 탐색(BFS – Breadth First Search) 구현 – LinkedList클래스

```
public void enqueue(int item){
    QNode newNode = new QNode();
    newNode.data = item;
    newNode.link = null;
    if(isEmpty()){
        front = newNode;
        rear = newNode;
    }
    else {
        rear.link = newNode;
        rear = newNode;
    }
}
```

Graph

❖ Graph 탐색

- ✓ 너비 우선 탐색(BFS – Breadth First Search) 구현 – LinkedList클래스

```
public int deQueue(){
    if(isEmpty()) {
        System.out.println("Deleting fail! Linked Queue is empty!!");
        return 0;
    }
    else{
        int item = front.data;
        front = front.link;
        if(front == null)
            rear = null;
        return item;
    }
}
```

Graph

❖ Graph 탐색

- ✓ 너비 우선 탐색(BFS – Breadth First Search) 구현 – LinkedList클래스

```
public void BFS(int v){  
    GraphNode w = new GraphNode();  
    LinkedList Q = new LinkedList();  
    boolean visited[] = new boolean[10];  
    visited[v] = true;  
    System.out.print(v + " ");  
    Q.enqueue(v);
```

Graph

❖ Graph 탐색

- ✓ 너비 우선 탐색(BFS – Breadth First Search) 구현 – LinkedList클래스

```
while(! Q.isEmpty()){
    v = Q.dequeue();
    for(w=head[v]; w != null; w=w.link){
        if(visited[w.vertex] == false){
            visited[w.vertex] = true;
            System.out.print(w.vertex + " ");
            Q.enqueue(w.vertex);
        }
    }
    System.out.println();
}
```



Graph

❖ Graph 탐색

- ✓ 너비 우선 탐색(BFS – Breadth First Search) 구현 – main 메서드에 추가
`System.out.println("---너비 우선 탐색---");`
`graph.BFS(0);`



Graph

❖ Graph 탐색

- ✓ 너비 우선 탐색(BFS – Breadth First Search) 구현 – main 메서드에 추가
 - 너비 우선 탐색은 선입 선출 방식으로 탐색하므로 큐를 이용해 구현
 - 너비 우선 탐색은 탐색 시작 노드와 가까운 노드를 우선하여 탐색하므로 목표 노드에 도착하는 경로가 여러 개 일 때 최단 경로를 보장

